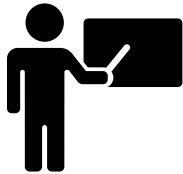




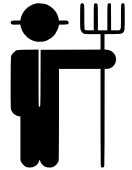
Monnaie ?
Chaîne de confiance ?



Imaginons que vous soyez plutôt bon à expliquer les maths (pour l'informatique c'est plus dur sans ordinateur).

Votre voisin, qui est fermier, vous demande d'enseigner à ses enfants les mathématiques.

Pour vous récompenser de vos efforts, il vous offre un **poulet**.



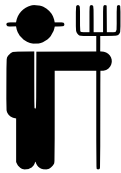
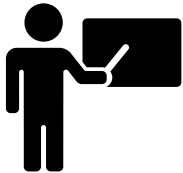
Vous pouvez enseigner à plusieurs étudiants **simultanément**.

D'autres fermiers vous demandent d'enseigner les maths à leurs enfants.

Vous avez de **plus en plus d'étudiants** et de **plus en plus de poulets**...



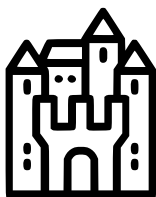
Vous ne pouvez **plus manger assez de poulet à la fois**, mais vous ne voulez pas arrêter d'enseigner, il est temps de **reporter l'obtention du poulet** à plus tard, par exemple pour les jours où vous n'enseignerez pas.



Bon pour un poulet.

Signé : le prof & le fermier



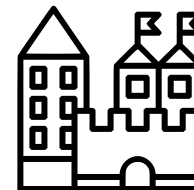


Vous vous rendez compte que maintenant grâce aux **bons** que vous accumulez vous pouvez les échanger contre d'autres biens.

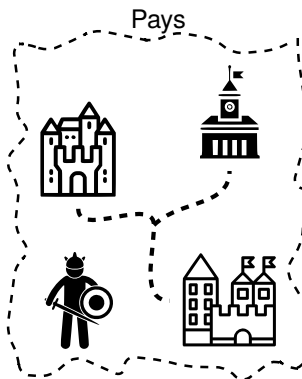
Dans votre ville tout le monde se connaît, et il est facile de vérifier que le **bon est valable** et quand une personne se présente avec un de vos bons, le fermier donne un poulet au porteur sans hésitation. S'il a un doute, il vous demande de **confirmer** si vous avez bien donné ce bon à la personne qui réclame le poulet.

Maintenant vous aimeriez voyager dans une autre ville, mais malheureusement vos bons ne servent à rien là bas, car personne ne vous connaît, ni vos bons, ni le fermier qui les a signé.

Une solution serait de trouver un voyageur provenant de cette ville avec lequel pouvoir échanger vos bons contre les siens, mais comment lui faire confiance...



Les villes décident de s'unir et de **former un pays** !



Un **gouvernement** est établi :

- ▷ il établit des **règles partagées** entre les différentes villes qui composent le pays ;
- ▷ il dispose de **représentants** dans chaque ville ;
- ▷ il lève un **impôt** pour s'occuper des routes entre les villes, garantir son autorité, rétribuer ses représentants *etc.*
- ▷ il unifie le système de bons et les transforme en **argent**.

Cet **argent** est accepté par les habitants du pays car :

- ◇ les **impôts en nature** sont convertibles en argent ;
- ◇ il existe en **quantité limitée** et ne peut être contrefait ;
- ◇ **tant qu'il peut servir à payer les impôts, il possède une valeur.**

Le **gouvernement assure les échanges** entre les habitants du pays, et ils font confiance à sa **bonne gestion**.

Est-ce que la **confiance** régnera ? Est-ce que l'**argent** sera toujours lié à un **échange** ?



Le retour aux échanges : la notion de «*blockchain*» ou registre distribué 5

Certains habitants avaient néanmoins envie de pouvoir s'échanger des bons directement entre eux, sans passer par un tiers de confiance.

Qu'est-ce qu'un **bon** ? l'enregistrement d'une transaction, d'un accord entre deux individus de s'échanger un bien contre un service.

Comment rendre le bon **valable** entre deux villes ?

- ▷ donner une **identité unique** à chaque habitant ;
- ▷ permettant aux habitants de **partager** toutes les transactions réalisées ;

Mais...

Si je **créais des bons** avec **d'autres bons** ?

Si j'échangeais plusieurs bons pour un poulet contre un bon pour un cheval ?

Comment changer un bon pour un autre ? Comment les combiner ? Comment suivre tous ces échanges ?

⇒ On les **enregistrant tous** depuis le début !

Comment être sûr que les échanges ont **bien été autorisés** ?

⇒ En **signant** chaque transaction par l'individu qui la réalise !

Comment **démarrer** le système ? Comment le **protéger** ? Comment **inciter** à son usage ?

⇒ En garantissant sa **transparence**, son **unicité** et créant un **système de récompense** pour ceux qui le soutiennent.



Crypto-monnaie ?

blockchain ?

Cryptographie ?

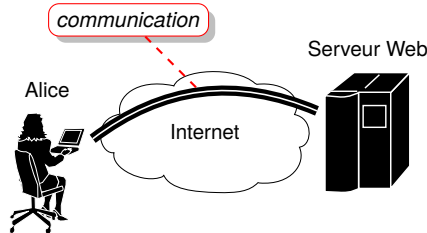
Sécurité ?

Certificats ?

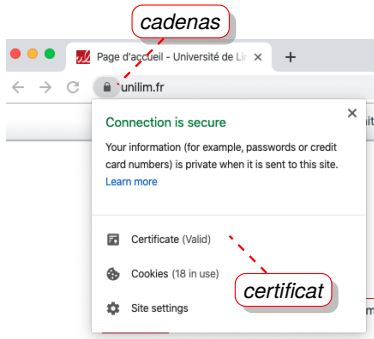


La connexion https : un «*tiers de confiance*» est nécessaire

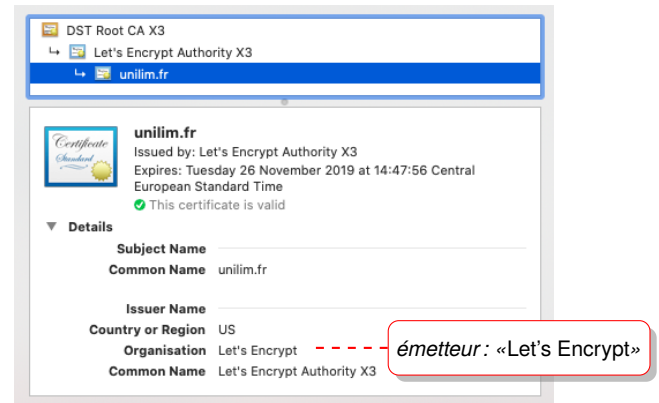
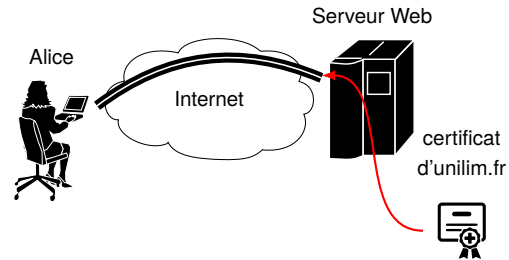
Alice veut consulter le site de l'Université de Limoges :
Elle se connecte à <https://www.unilim.fr/>



Dans son navigateur, elle voit un cadenas qui lorsqu'elle clique dessus, lui indique que le «*certificat*» est valide :



Dans la communication, le serveur Web envoie son «*certificat*» :

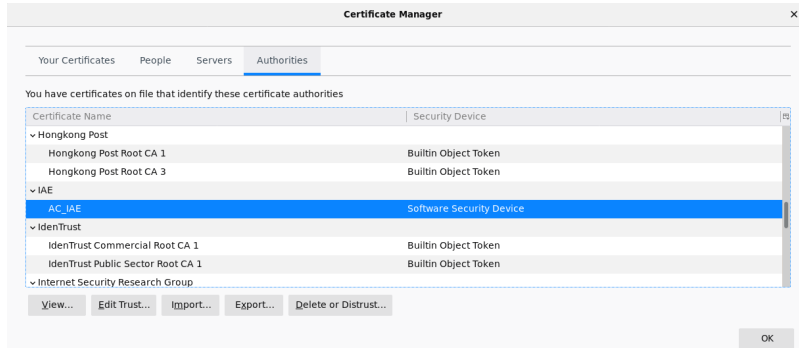
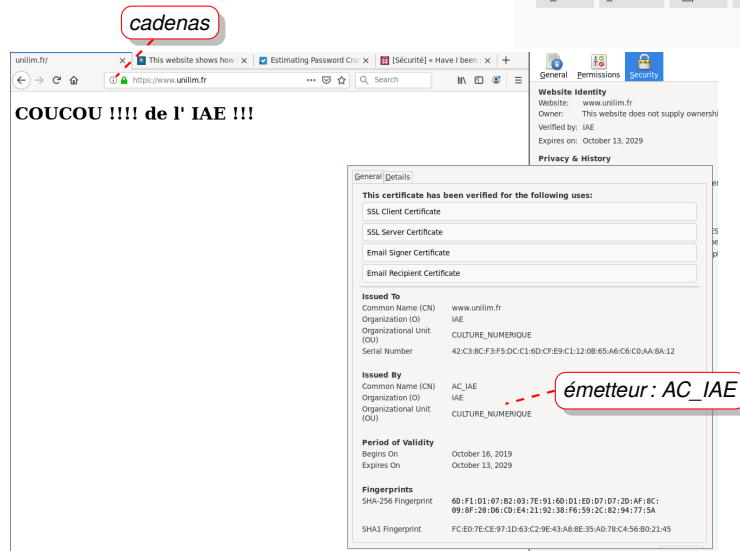


- Le certificat **authentifie** le site «*www.unilim.fr*» ;
 - Le certificat est émis par l'organisation «*Let's Encrypt*» ;
- ⇒ Let's Encrypt est un **tiers de confiance** entre Alice et «*www.unilim.fr*» !



Alice s'est absentée et a laissé son poste de travail sans protection.

À son insu, j'installe un nouveau **tiers de confiance**, «AC_IAE» dans son navigateur Firefox :



Lorsqu'elle revient et consulte le site «www.unilim.fr», elle trouve un message «*Coucou !!!*» à la place de la page de l'Université.

⇒ J'ai ajouté un «*Tiers de confiance*» qui donne de la **confiance** à mon mon **faux site** «www.unilim.fr» à l'aide d'un **faux certificat** !

⇒ **La confiance d'Alice a été trahie !**



*Que faire pour ne pas **dépendre**
d'un tiers de confiance ?*

⇒ Répartir la confiance

⇒ Transparence



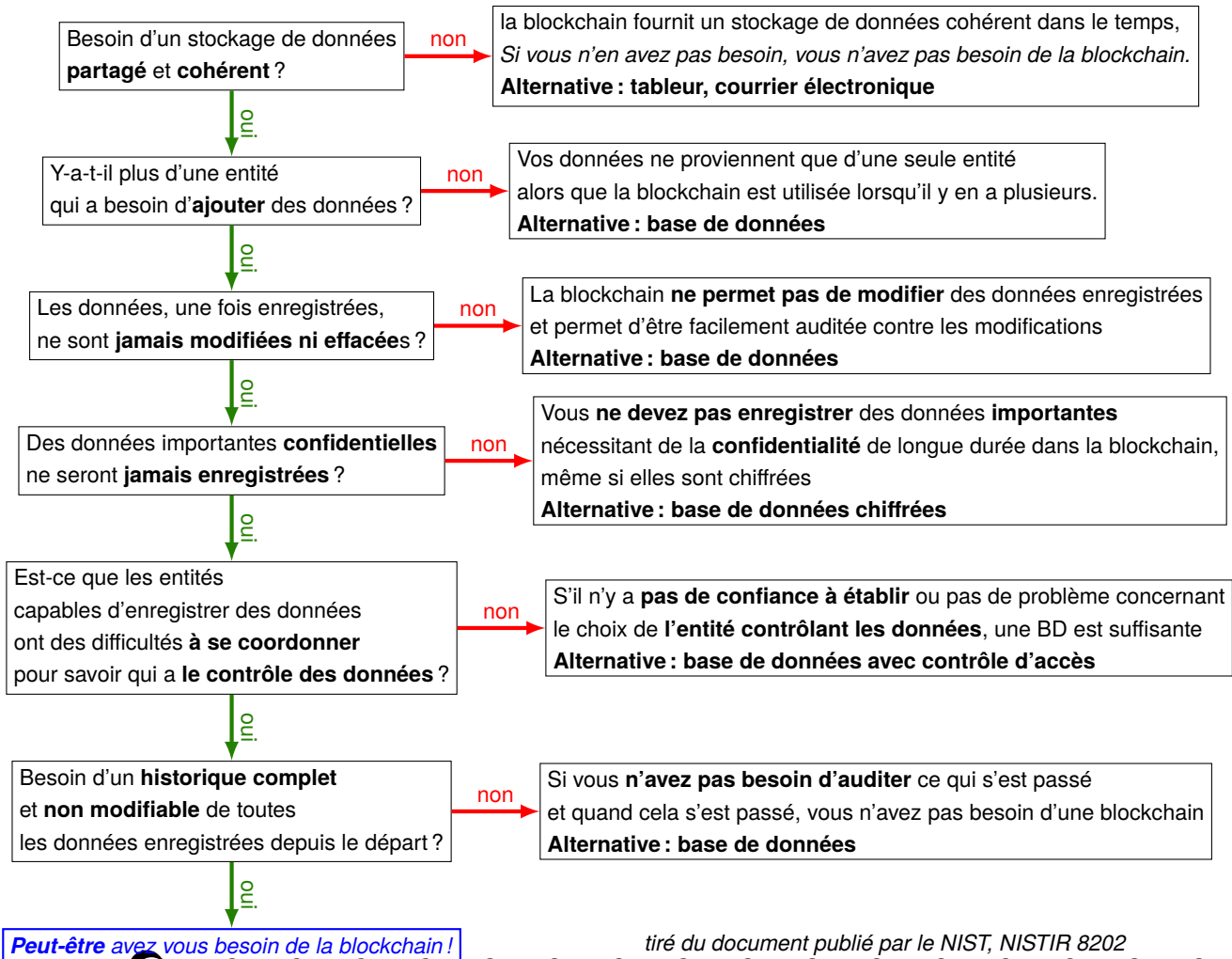
Définition

Une «*blockchain*» est une **liste chaînée** où chaque élément de la liste contient des **données** et un **hash** de l'élément précédent dans la liste.

L'ajout d'un élément dans la liste requiert **l'autorisation de la majorité** des utilisateurs.

- une **liste chaînée** ? une liste d'éléments avec un **lien** entre chacun des éléments de cette liste ;
- un **hash** ? une valeur assurant **l'intégrité** des données sur laquelle est calculée ;
- **l'intégrité** ? Avoir **la preuve** que les données sur lesquelles est déterminée cette intégrité **n'ont pas été modifiées** ;
- comment calculer un **hash** ? Utiliser une **fonction de hachage cryptographique** prenant en entrée les données à traiter et donnant en sortie une valeur :
 - ◇ **identique** à celle calculée précédemment, si les valeurs **n'ont pas été modifiées** depuis le calcul précédent ;
 - ◇ **différente** de celle calculée précédemment, si les valeurs **ont été modifiées** ;
- comment **assurer l'intégrité** ?
 - ◇ **mémoriser le hash** calculé sur les données initiales ;
 - ◇ permettre à l'utilisateur de **recalculer un hash** sur les données courantes ;
 - ◇ **comparer les deux hashes** :
 - * s'ils sont **différents** \Rightarrow données **modifiées**
 - * s'ils sont **identiques** \Rightarrow données **non modifiées**
- comment **mémoriser le hash** d'un élément de la liste et **empêcher sa modification** ? en l'intégrant dans l'élément suivant de la liste chaînée ;
- qu'est-ce que le **lien** dans la liste chaînée ? le **hash** contenu dans l'élément **courant** de la chaîne est **calculé** sur l'élément **précédent**.





tiré du document publié par le NIST, NISTIR 8202



Alors, pour faire fonctionner la blockchain,
il faut de la «*Cryptographie*» ?



3. Les bases de la cryptographie

a. Vocabulaire

La cryptographie est une discipline consistant à manipuler des données de telle façon que les services suivants puissent être fournis :

Intégrité

Objectif : s'assurer que les données n'ont pas été modifiées sans autorisation.

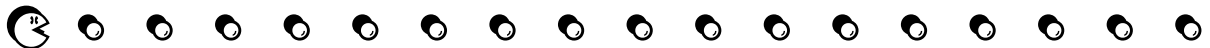
Remarque : dans les faits, la cryptographie ne s'attache pas vraiment à empêcher une modification de données, mais plutôt à fournir un moyen sûr de détecter une modification malveillante.

Confidentialité

Objectif : ne permettre l'accès aux données qu'aux seules personnes autorisées.

Preuve (authentification et non-répudiation)

Objectif : fournir un moyen de preuve garantissant la véritable identité des entités ainsi que l'imputation de leurs actions.



Introduction

Depuis l’Egypte ancienne, l’homme a voulu pouvoir échanger des informations de façon **confidentielle**.

En grec :

Cryptographie : (κρυπτο – γραφην) écriture cachée / brouillée.

Il existe de nombreux domaines où ce besoin est vital :

- ▷ **militaire** (sur un champ de bataille ou bien pour protéger l’accès à l’arme atomique) ;
- ▷ **commercial** (protection de secrets industriels) ;
- ▷ **bancaire** (protection des informations liées à une transaction financière) ;
- ▷ **vie privée** (protection des relations entre les personnes) ;
- ▷ **diplomatique** (le fameux «*téléphone rouge*» entre États-Unis et Union soviétique) ;
- ▷ ...

Définitions

Pour assurer la protection des accès à une information, on utilise des techniques de **chiffrement**.

Ces techniques s’appliquent à des **messages** lisibles appelés également «*texte en clair*».

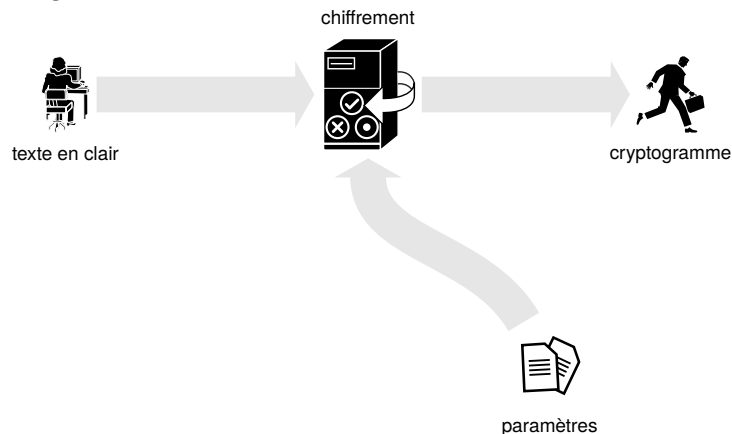
Le fait de «*caler*» un message de telle façon à le rendre secret s’appelle **chiffrement**.

La méthode inverse, consistant à retrouver le message original, est appelé **déchiffrement**.



Les messages à chiffrer, appelés «*texte en clair*», sont transformés grâce à une **méthode de chiffrement paramétrable**.

Si la méthode est connue de tous, ce sont les **paramètres** qui constituent la protection : ils servent à chiffrer/déchiffrer le message.



Ce **cryptogramme** est ensuite envoyé à son destinataire.

On appelle **cryptanalyse** les techniques employées pour déchiffrer un cryptogramme, **sans connaître** la méthode et/ou ses paramètres.

Le chiffrement est aussi appelé **cryptographie**.

L'ensemble des techniques de cryptographie et de cryptanalyse est appelé **cryptologie**.



Deux types de chiffrement :

Symétrique

Asymétrique



Principe

La même clé doit être employée pour chiffrer ou déchiffrer le message : on parle de clé symétrique ou secrète.



Le chiffrement consiste alors à appliquer un algorithme avec la clé secrète sur les données à chiffrer. Le déchiffrement se fait à l'aide de cette **même clé secrète**.

Remarques

La qualité d'un crypto système symétrique se mesure par rapport :

- * à des propriétés statistiques des textes chiffrés ;
- * à la résistance aux classes d'attaques connues.

En pratique

Tant qu'un crypto système symétrique n'a pas été cassé, il est bon, après il est mauvais !



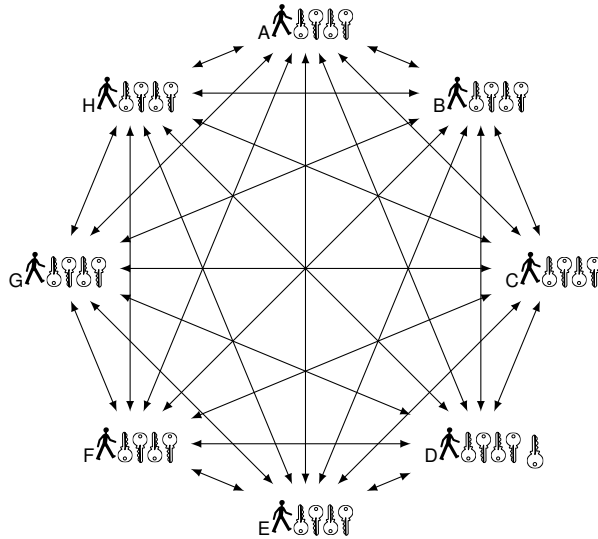
Les limites du chiffrement symétrique



La multiplication des clés

Pour établir un canal de communication entre deux individus :

- Il faut qu'il soit chiffré avec une clé partagée entre les deux individus ;
- Il est ainsi confidentiel pour ceux qui ne possède pas la clé de chiffrement.



Pour que deux canaux de communications soient indépendants l'un de l'autre, c-à-d qu'une personne accède à l'un mais pas à l'autre, il faut que ces deux canaux utilisent des **clés différentes**.

Il est possible qu'un des interlocuteurs connaisse plusieurs clés utilisées dans différents canaux le reliant à des utilisateurs différents.

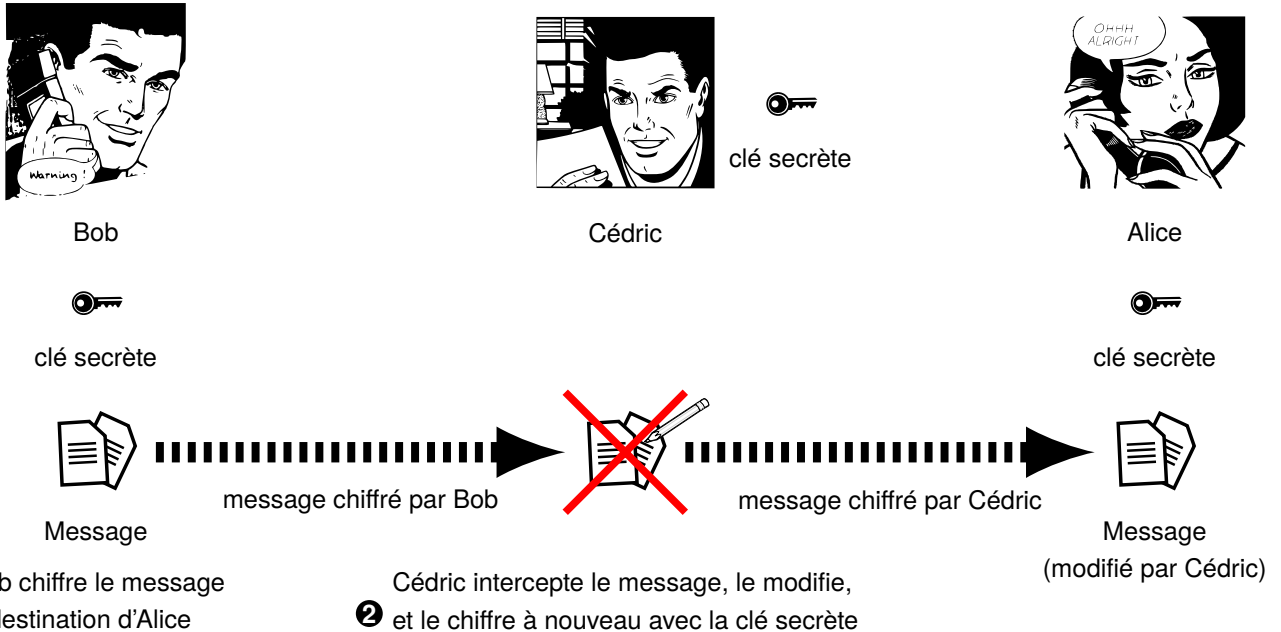
Exemple
Problème

l'utilisateur D possède une clé pour chaque lien (avec H, G, F, E et C).
comment échanger toutes ces clés ?



Pas d'intégrité et d'identification de l'auteur

Si Alice, Bob et Cédric partagent le même lien de communication alors ils partagent la même clé de chiffrement symétrique.



Problème

Chacun peut intercepter et modifier les messages qui s'échangent.



Et l'asymétrie alors ?

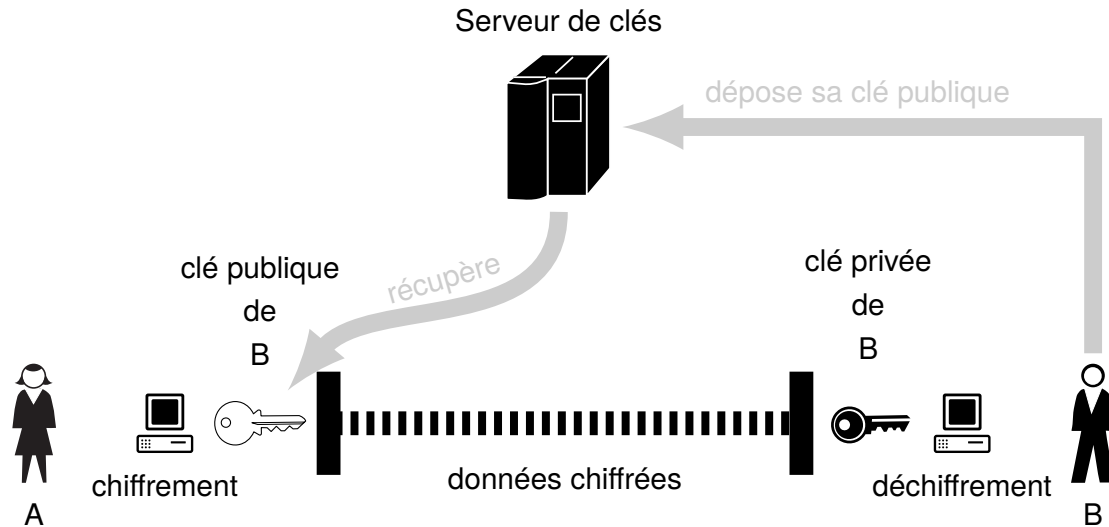


Principe

Il utilise :

- une **clé publique** connue de tous ;
- une **clé privée** connue seulement du destinataire du cryptogramme.

Ces chiffrements à «clé publique» ont été découverts par James Ellis (Angleterre) en 1969 et par Whitfield Diffie (Etats unis) en 1975.



L'idée de la conception de tels algorithmes revient à Diffie et Hellman en 1976.



Chiffrement asymétrique : une métaphore avec des cadenas et des valises 23

Des clé et des cadenas

Alice :

- ▷ crée une **clé aléatoire** (la clé privée) ;
- ▷ puis fabrique un **grand nombre de cadenas** (clé publique) qu'elle met à disposition dans un casier accessible par tous (le casier joue le rôle de canal de communication non sécurisé).



Bob :

- ▷ prend un cadenas (ouvert) ;
- ▷ ferme une valise contenant le document qu'il souhaite envoyer à Alice ;



- ▷ envoi la valise à Alice, propriétaire de la clé publique (le cadenas).

Cette dernière pourra ouvrir le cadenas et la valise avec sa clé privée.



Les contraintes pour un tel algorithme

Il faut trouver un couple de fonctions f (fonction unidirectionnelle) et g (fonction de «backdoor») :
C'est un problème mathématique difficile !

Au départ, le système à clé publique n'a d'abord été qu'une idée dont la faisabilité restait à démontrer.

Des algorithmes ont été proposés par des mathématiciens

Un des premiers algorithmes proposé repose sur la **factorisation du produit de deux grands nombres entiers**.

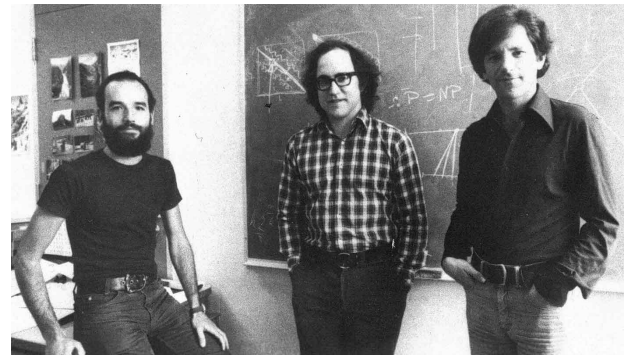
Suivant la taille des nombres, cette factorisation peut demander un temps de calcul de plusieurs années : le problème est résolu !

Cet algorithme a été proposé par Rivest, Shamir et Adleman en 1977, ce qui a donné naissance à RSA.

L'idée générale est la suivante :

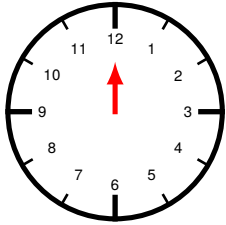
- ▷ la fonction f est l'**exponentiation modulaire** ;
- ▷ la **clé publique** est la valeur c utilisée en combinaison avec le produit n de deux grands nombres entiers ;
- ▷ la **clé privée** est la valeur z ;
- ▷ g consiste en la **factorisation** de n .

Seul Bob, qui connaît z et g peut déchiffrer le message chiffré.



Les nombres modulaires : $x \bmod p$

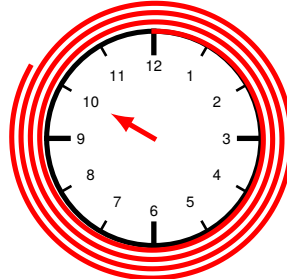
Il est 0h ou 12h :



Et si on avance de 46h ?

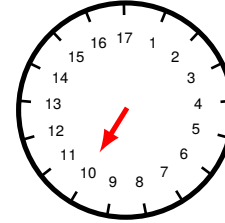
on tourne de 46h autour du cadran...

On fait 3 tours : $3 * 12 = 36$
plus $46 - 36 = 10 h$



Ce qui fait $46 \bmod 12 = 10h!$

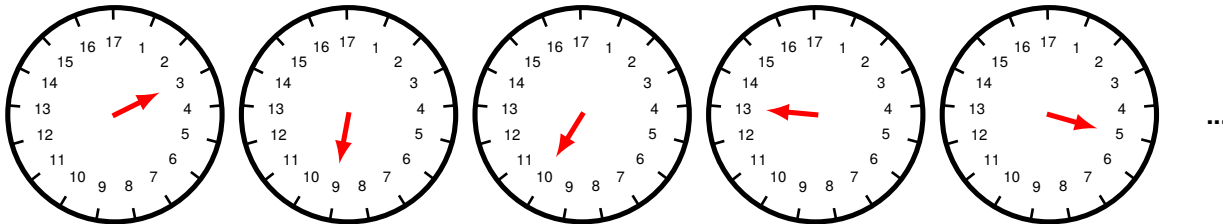
Et si on utilise un **nombre premier**, comme 17, à la place de 12 ?



et 3, la «*racine primitive*» modulo 17, c-à-d n'ayant pas de facteur en commun...

Les résultats de l'exponentiation modulaire :

n	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	...
$3^n \bmod 17$	3	9	10	13	5	15	11	16	14	8	7	4	12	2	6	1	...



Les valeurs sont **également distribuées** autour du cadran...ce qui donne l'impression qu'elles sont **aléatoires**.

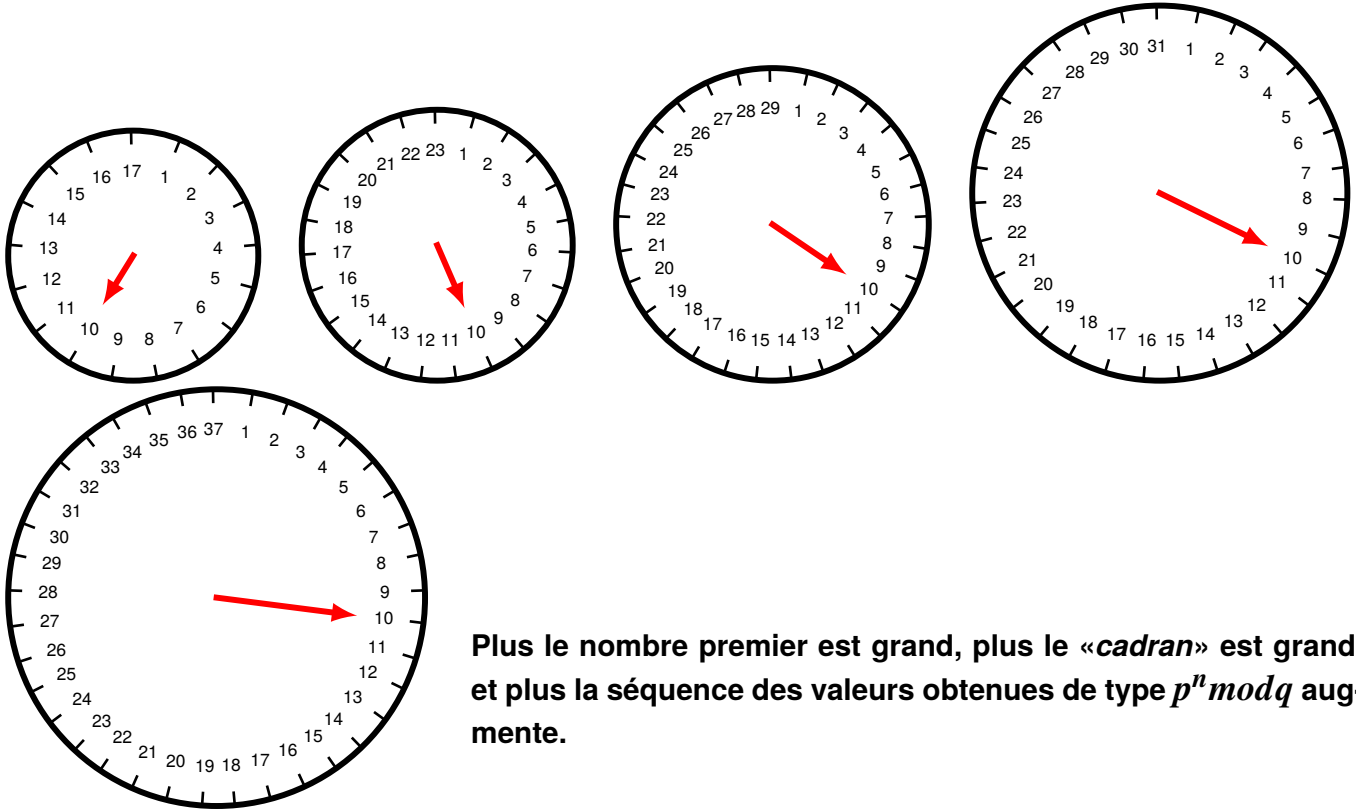
La **procédure inverse** qui permet de passer de 12, par exemple, à la valeur de x telle que : $3^x \bmod 17 = 12$ est **dure** !

⇒ **pourquoi ne pas s'en inspirer pour définir un crypto-système ?**



Chiffrement : trouver une opération facile à réaliser mais dure à inverser 26

Pour différents nombres premiers : 17, 23, 29, 31, 37, ...



Plus le nombre premier est grand, plus le «*cadran*» est grand, et plus la séquence des valeurs obtenues de type $p^n \bmod q$ augmente.

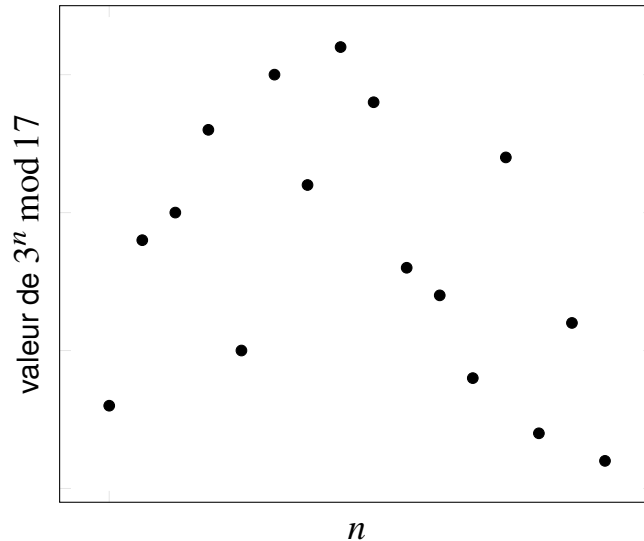


Chiffrement : trouver une opération facile à réaliser mais dure à inverser 27

On vérifie le «*caractère aléatoire*» des résultats de l'exponentiation modulaire :

On recommence

n	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	...
$3^n \bmod 17$	3	9	10	13	5	15	11	16	14	8	7	4	12	2	6	1	3	9	10	...



- ▷ Pourquoi la **procédure inverse** qui permet de passer de 12, par exemple, à la valeur de x telle que : $3^x \bmod 17 = 12$ est-elle **dure** ?
⇒ parce-qu'il faut **essayer toutes les valeurs possibles** avant de trouver la bonne, ce qui peut prendre beaucoup de temps !



Crypto-système : recherche d'un problème difficile à résoudre

$$3^{29} \bmod 17 \xrightarrow{\text{facile}} 12$$

$$3^? \bmod 17 \xleftarrow{\text{difficile}} 12$$

Problème du «*logarithme discret*» :

⇒ pour trouver l'exposant, il faut **essayer les différentes valeurs possibles !**

Est-ce trouvable en cherchant ?

Pour des valeurs petites, comme 17 oui... mais si on utilise des nombres plus grands comme :

41	699	392	957	415	060	122	123	251	743	926	118	047	280	755	942	727	859	562	221	144	422	770	879	634
528	234	687	327	545	978	537	253	643	190	435	384	223	451	790	600	743	186	710	706	948	084	596	275	495
353	648	241	532	947	688	879	507	515	517	193	627	711	579	879	475	350	089	816	821	087	217	733	022	854
019	999	144	696	637	566	134	923	661	835	848	181	145	153	671	156	026	923	341	312	533	527	164	598	580
084	075	991																						

ce nombre premier a été choisi sur 1024bits.

Il faut **beaucoup, beaucoup de temps** pour y arriver ! *Suivant la taille, plusieurs années avec des ordinateurs puissants !*

Et si on essaie d'aller plus loin ?

La fonction $\Phi(n)$ calcule le nombre d'entiers inférieurs à n qui ne partagent pas de diviseur supérieur à 1 avec n .

Exemple : $\Phi(8) = 4$, car $\boxed{1}, 2, \boxed{3}, 4, \boxed{5}, 6, \boxed{7}$, il y en a 4 ayant cette propriété.

On peut arriver à :

- ▷ $\Phi(n) = n - 1$ si n est premier, sinon $\Phi(n)$ est **long à calculer** (il faut énumérer les différents entiers) ;
- ▷ $\Phi(a * b) = \Phi(a) * \Phi(b)$;
- ▷ si on choisit **deux nombres premiers** p_1 et p_2 et on calcule $n = p_1 * p_2$, on a $\Phi(n) = \Phi(p_1) * \Phi(p_2) = (p_1 - 1) * (p_2 - 1)$
- ▷ Théorème d'Euler : $m^{k*\Phi(n)+1} = m \bmod n$

On essaie de trouver $e * d = k * \Phi(n) + 1$, soit $d = \frac{k*\Phi(n)+1}{e}$,

⇒ d'où notre **cryptosystème** : $\boxed{\text{message}^e \bmod n = \text{chiffré}}$ et $\boxed{\text{chiffré}^d \bmod n = \text{message}}$



Chiffrement

Alice prépare ses valeurs :

$$p_1 = 53$$

$$p_2 = 59$$

$$n = 53 * 59 = 3127$$

le module

$$\Phi(n) = 52 * 58 = 3016$$

$$e = 3$$

$$d = \frac{2*(3016)+1}{3} = 2011$$

Alice **partage** avec Bob :

$$n = 3127$$

$$e = 3$$

clé publique

et conserve **secrètement** :

$$n = 3127$$

$$d = 2011$$

clé privée

Bob **veut envoyer un message** à Alice :

$m = 89$ où 89 correspond à une lettre de l'alphabet par exemple ;

Il calcule :

$$m^e \bmod n \Rightarrow 89^3 \bmod 3127 = 1394$$

et transmet à Alice la valeur $m' = 1394$

Déchiffrement

Alice reçoit $m' = 1394$.

Elle calcule :

$$1394^{2011} \bmod 3127 = 89$$

et retrouve le message m de Bob !

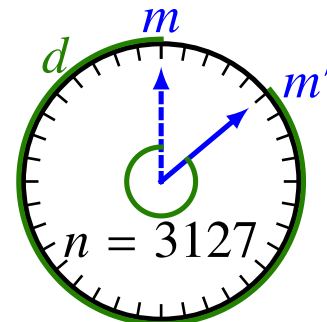
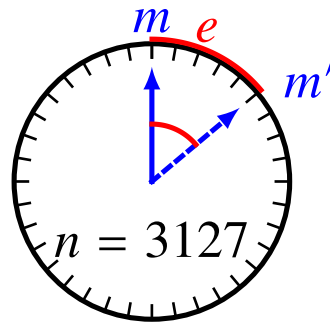
Un attaquant obtenant les valeurs

$n = 3127, 1394$ et $e = 3$

doit calculer $\Phi(3127)$ pour trouver d

Ce qui lui prendrait trop de temps pour n très grand !

$$\begin{array}{l}
 m = 89 \\
 e = 3 \downarrow \\
 m' = 1394 \\
 d = 2011 \downarrow \\
 m
 \end{array}$$



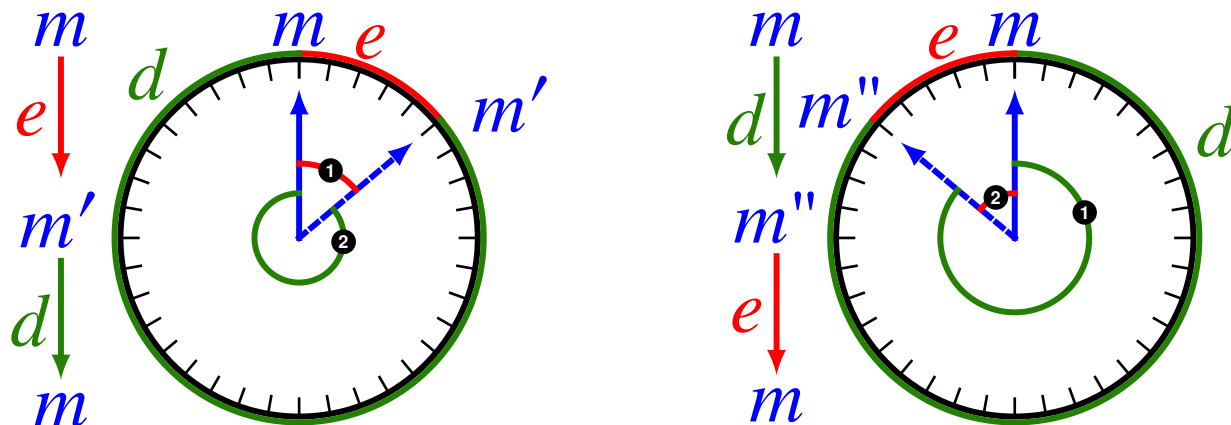
déchiffrer



Chiffrement ? Déchiffrement ? Ce ne serait pas la même chose ?

On peut **permuter** l'usage de e et d ...

$$(m^e)^d \bmod n = m^{e*d} \bmod n = m^{d*e} \bmod n = (m^d)^e = m$$



On peut créer un message m'' qui **peut être «(dé)chiffrer» avec la clé publique** (e et n) en le message original m mais qui ne peut être **créer qu'avec la clé privée** (d et n) !

⇒ Seule la personne **ayant la clé privée** peut chiffrer un message choisi **déchiffrable par la clé publique** associée...

⇒ On peut **authentifier** la personne ! C-à-d **garantir son identité**, car elle est la **seule à posséder** cette clé privée !



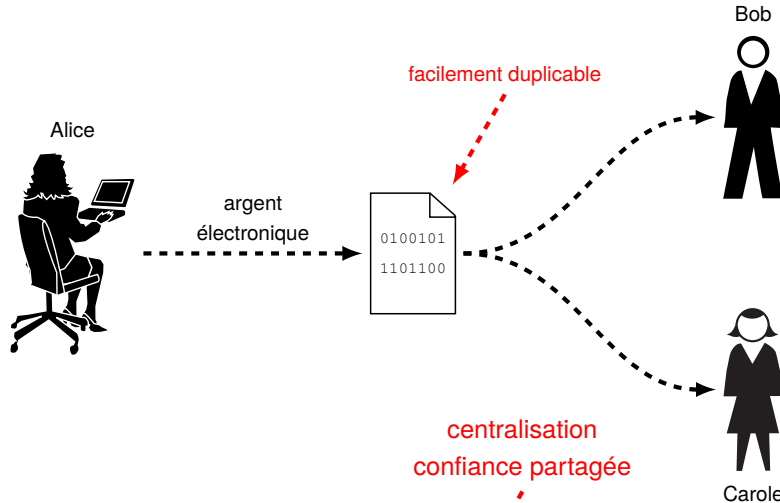
Et la Crypto-monnaie dans tout ça ?



Argent fiat

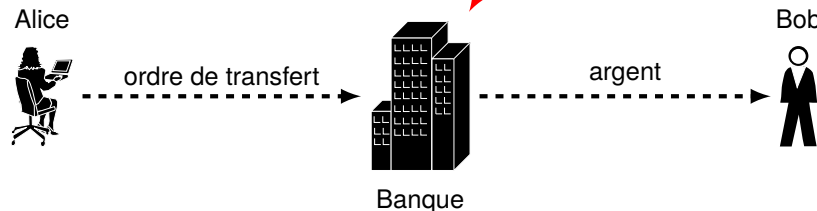
Alice donne de l'argent sous forme de cash à Bob \Rightarrow Alice ne possède plus l'argent et Bob l'obtient.

Problème de l'argent électronique ? Dépenser plusieurs fois la même somme !



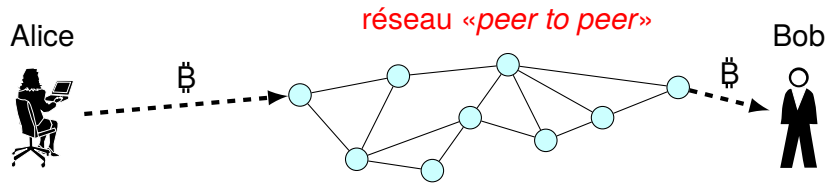
- Alice envoie de l'argent sous forme de fichier électronique à Bob ;
- Bob n'a **pas de preuve** qu'Alice a effacé sa copie de ce fichier ;
- Alice peut **envoyer une copie du fichier** à Carole.

Solution ?



- Utiliser un «*tiers de confiance*» qui :
- ▷ vérifie qu'Alice a bien la somme ;
 - ▷ **valide** la transaction et **crédite** Bob ;
 - ▷ **enregistre la transaction** : Alice et Bob ont échangé de l'argent.

Solution décentralisée ? Le «*Bitcoin*» ₿



- **Distribué** : le livre de compte ou «*ledger*», la «*blockchain*», est dupliqué entre différents ordinateurs ⇒ **n'importe quel ordinateur** connecté à Internet peut le télécharger ;
- **Cryptographique** :
 - ◇ **s'assure** que l'expéditeur, Alice, possède bien les bitcoins qu'elle veut envoyer ;
 - ◇ **décide** comment la transaction va être **ajoutée** au blockchain ;
- **Immuable** : la blockchain ne peut qu'être **étendue** ⇒ toute transaction enregistrée ne peut être modifiée ou effacée ;
- **Preuve de travail** : certains nœuds du réseau «*peer to peer*» sont appelés «*mineurs*» :
 - ◇ ils cherchent la solution d'un **puzzle cryptographique** ;
 - ◇ s'ils la trouvent : ils peuvent **ajouter la transaction** au blockchain ;
 - ◇ ils sont **rémunérés** ;
 - ◇ ils **créent** de la monnaie.



Allez ! Encore un peu de Cryptographie...



Qu'est-ce qu'une fonction de hachage ?

Une **fonction de hachage** est une fonction qui fait correspondre à **toute information** une valeur appelée «**hash**».

Exemple : pour accéder rapidement à un livre dans une base de données, on utilise une fonction de hachage pour accéder directement au livre recherché :

$f : \{\text{ensemble des titres de livres}\} \mapsto \{\text{ensemble des hashes}\}$

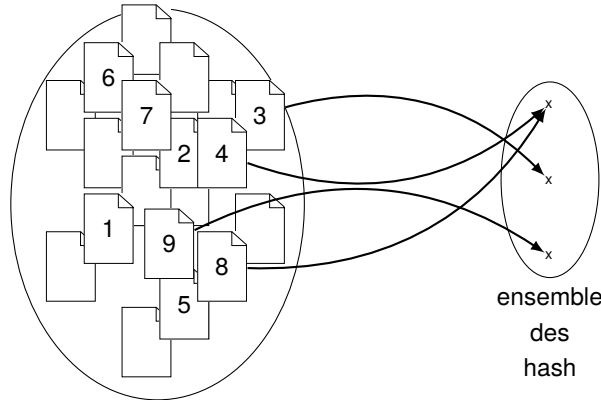
$f(20\ 000\ \text{Lieues sous les mers}) \rightarrow 598$

$f(\text{Les androïdes rêvent-ils de moutons électriques ?}) \rightarrow 698593$

*Ainsi, on ne parcourt pas tous les titres, mais on va **directement** à la valeur indiquée par la fonction de hachage.*

*Si deux livres possèdent le même hash, on parle de «**collision**». Une bonne fonction de hachage limite les collisions.*

Fonction de hachage cryptographique



ensemble de tous les documents possibles

ensemble des hash

Une **fonction de hachage cryptographique** possède les propriétés suivantes :

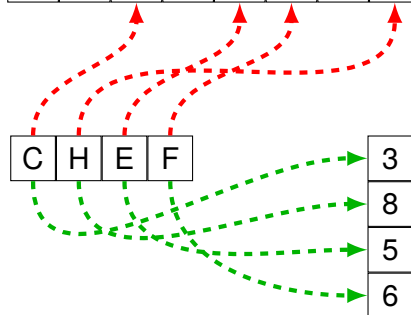
- pour tout document électronique elle calcule un hash ;
- depuis le hash il est **impossible** de retrouver le document ;
- deux documents **proches** possèdent des hashes **très différents** ;
- pour un **hash connu**, il est difficile, voire **impossible** de trouver le document permettant de l'obtenir ;
- il est très difficile, voire **impossible**, de trouver deux documents différents ayant le **même hash** (collision).
- le hash est de taille **fixe** et **limitée** (le document peut être de taille quelconque).

*On parle aussi **d'empreinte** de documents.*



Fonction de hachage cryptographique

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z



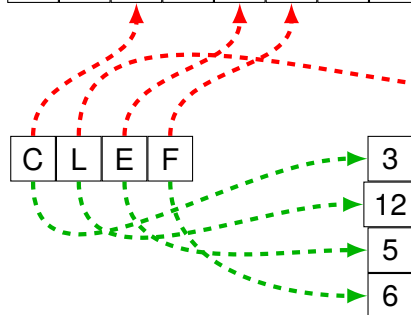
Somme : 22

CHEF

HASH

77379280478615953124555518798002206243

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z



Somme : 26

CLEF

HASH

304901597169549689421998892641104281924

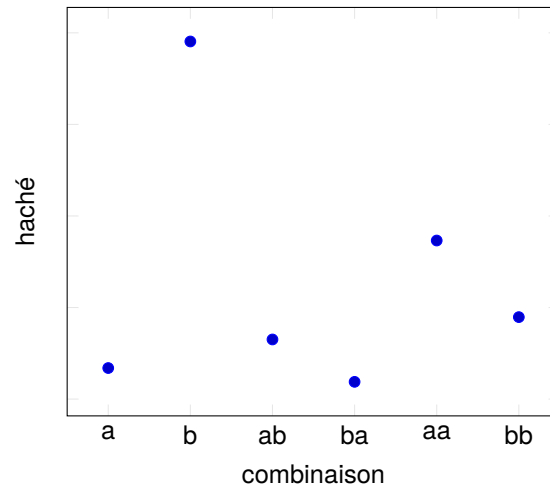
Une fonction de hachage **classique** donne des valeurs **très proches**...

Une fonction de hachage **cryptographique** des valeurs **très éloignées** !



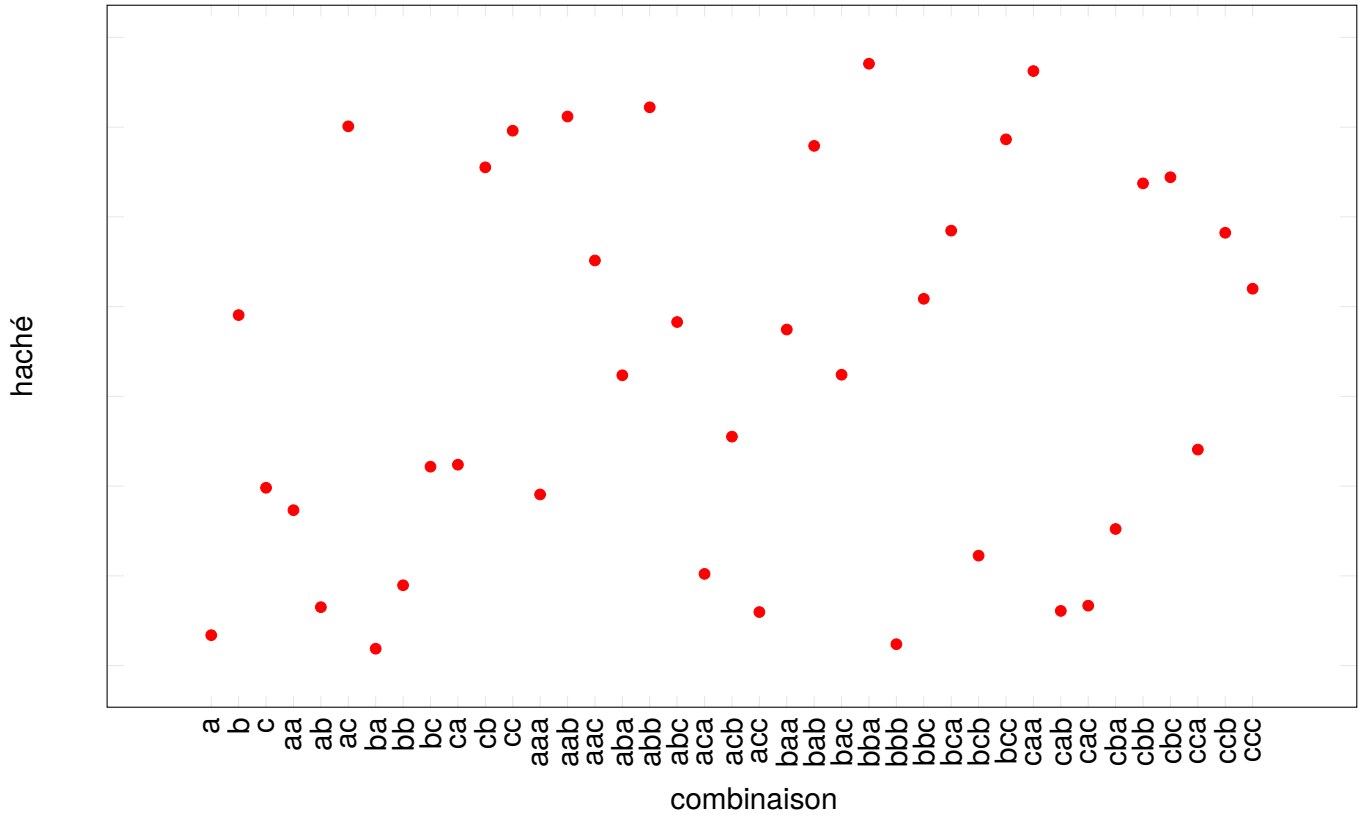
Imaginons que l'on veuille voir quelles sont les valeurs associées par la **fonction de hachage** aux différentes combinaisons possibles obtenues à partir des lettres «a» et «b», d'au plus 2 lettres :

combinaison	haché
a	16955237001963240173058271559858726497
b	195289424170611159128911017612795795343
ab	32560655549305688865853317129809488800
ba	9416803959311545273129995029514311364
aa	86590556343773185184676854182388058386
bb	44763031454153395597992990748105608828



Fonction de hachage cryptographique

Tous les mots d'au plus 3 lettres à partir de l'alphabet { a,b,c }.



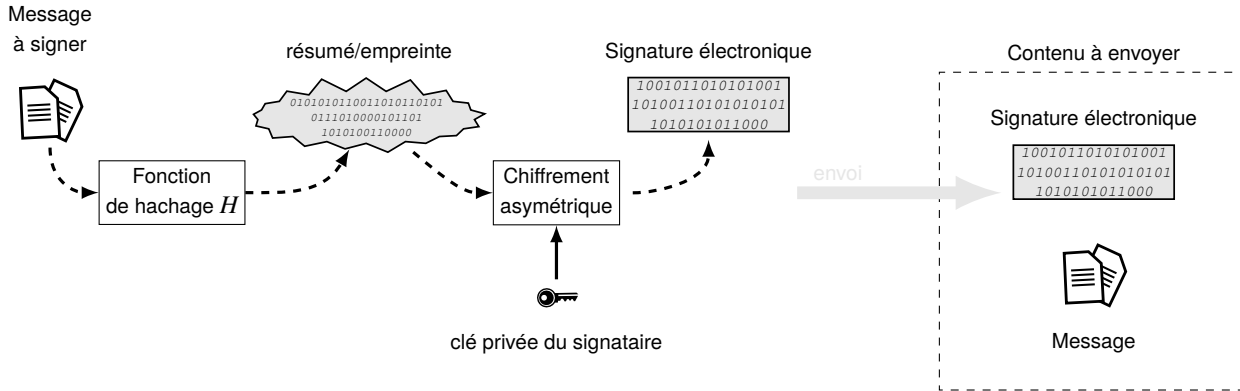
⇒ ressemble à une **distribution aléatoire** !



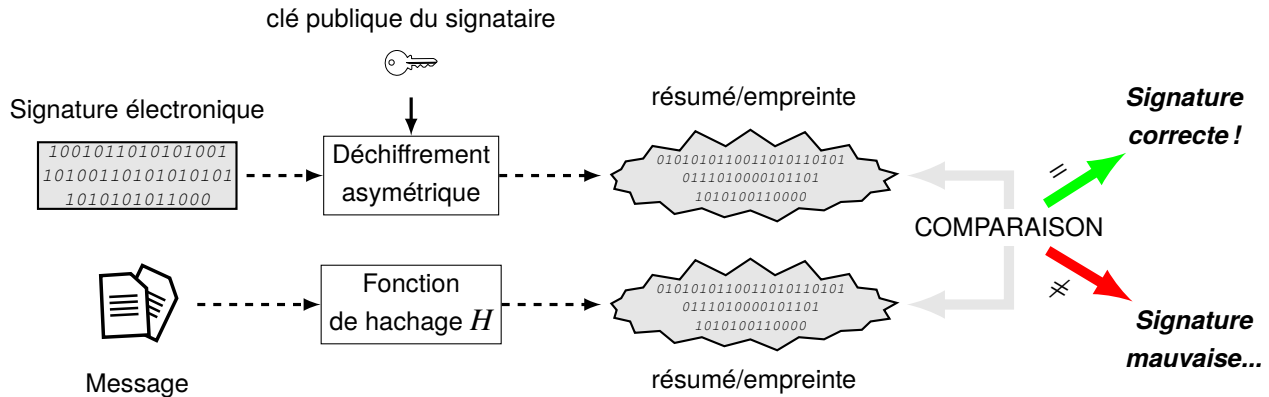
Et si on mélange chiffrement asymétrique
et
fonction de hachage ?
⇒ *La signature électronique !*



Créer une signature électronique



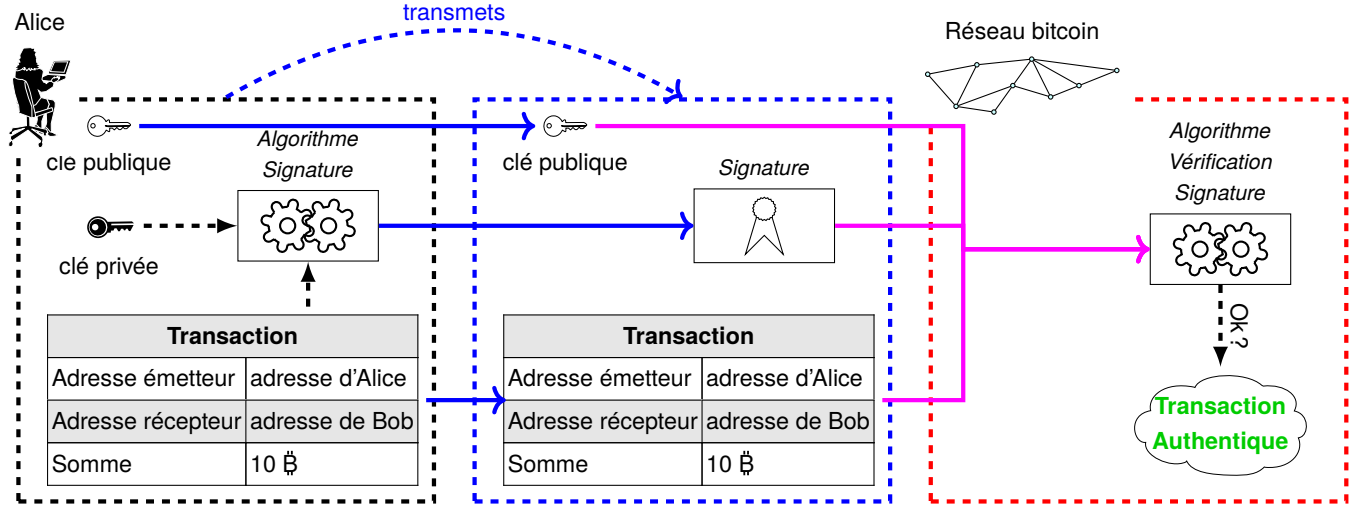
Vérifier une signature électronique



Alors ? Notre crypto-monnaie ?



Vérification de l'authenticité d'une transaction



Alice :

- crée une **transaction** ;
- signe** cette transaction avec sa **clé privée**.

Alice envoie au réseau :

- la **transaction** ;
- une copie de sa **clé publique** ;
- la **signature** de la transaction.

N'importe quel nœud du réseau peut vérifier la transaction en utilisant :

- la **clé publique** d'Alice ;
- la **transaction** ;
- la **signature**.

MAIS...

- ▷ Qui donne 10₿ à Alice ?
- ▷ Comment interdire à Alice de créer autant de transactions qu'elle veut ?
- ▷ Qu'est-ce que Bob obtient au final ?

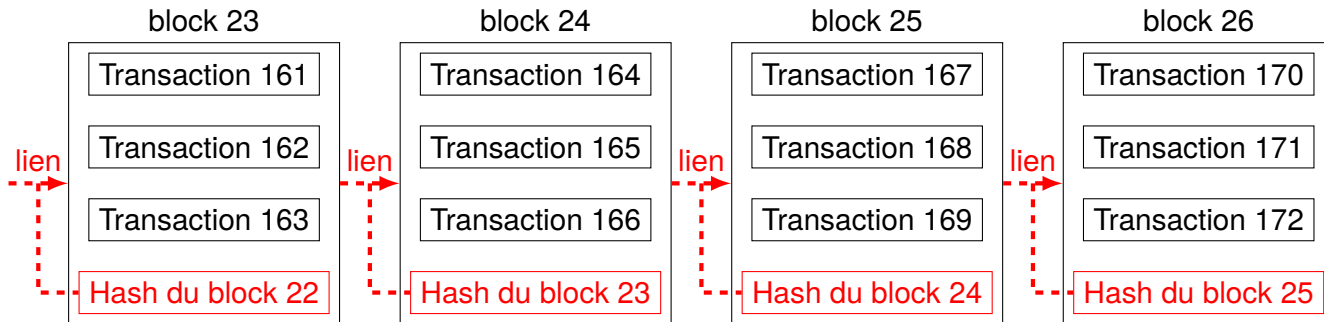
⇒ Il faut mémoriser et lier toutes les transactions du système ! ⇒ Il faut une «blockchain» !



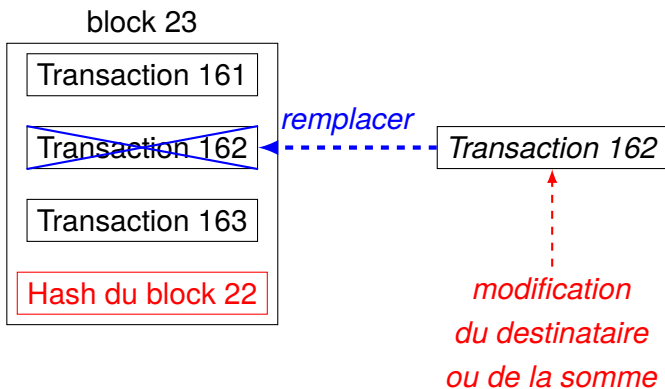
La Blockchain !



La blockchain est constituée de bloc liés entre eux par une fonction de hachage



Peut-on modifier un bloc ?



Si on modifie la transaction 162, alors le **Hash du block 23** va être **changé**.

⇒ le bloc 24 contient une valeur de **Hash du block 23** **différente** !

⇒ il faut modifier le contenu de **tous les blocs** à partir du bloc modifié !

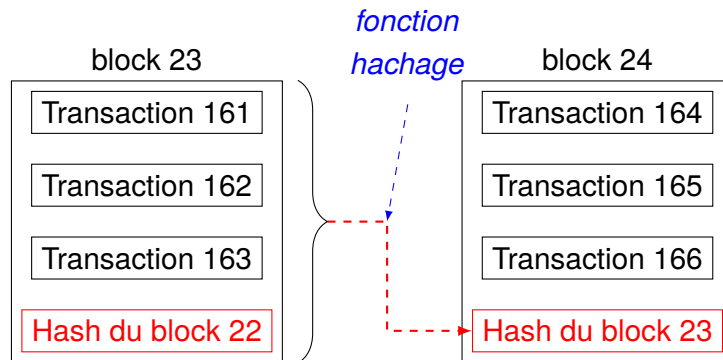
⇒ on crée une **version différente** de la blockchain !

Est-ce possible d'empêcher la modification de toute la blockchain ? distribution et preuve de travail !



Utilisation d'une fonction de hachage cryptographique

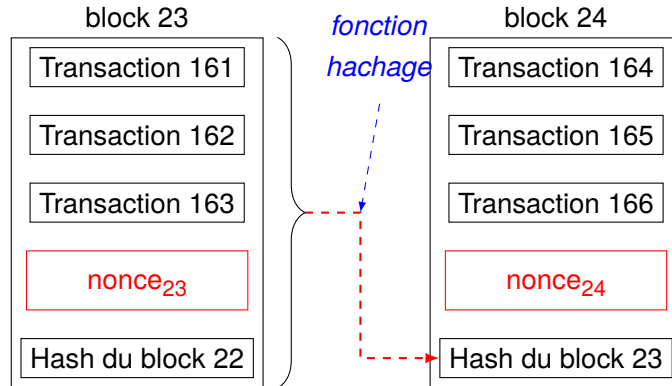
- ▷ un **hash** est une **valeur numérique de taille fixe** retournée par une fonction de hachage ;
Dans BitCoin, on utilise la fonction SHA-256, qui donne des valeurs de hachage, ou hash, sur 32 octets.
- ▷ d'après les **propriétés** des fonctions de hachage cryptographique, il est **impossible** de trouver un document qui donnerait **hash connu** ;
- ▷ dans la blockchain, le hash est **utilisé** pour :
 - ◇ vérifier qu'un bloc **n'a pas été modifié** ;
 - ◇ **lier** ce bloc au bloc suivant ;



- ▷ si on **modifie** le bloc, le hash est **différent**.
- ▷ si on **ajoute** des données au bloc, le hash est **différent** ⇒ idée de Puzzle !

Définition du puzzle : sa résolution est une preuve que l'on a travaillé pour le résoudre

- ▷ on ajoute un **nouveau champ** au bloc : le nonce, «*number used once*» :

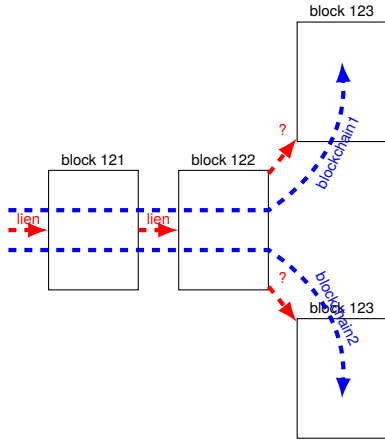


- ▷ si on en fait **varier** la valeur du nonce, le hash du bloc est **modifié** ;
- ▷ on définit le **Puzzle** :
 - ◇ on veut **trouver un hash** avec une certaine «*propriété*» : par exemple il doit commencer par un certain nombre de zéros ;
 - ◇ comment faire pour obtenir cette propriété ? **en modifiant le nonce** ;
 - ◇ est-ce facile ? **Non !**
 - ◇ il faut essayer **toutes les valeurs de nonce** jusqu'à obtenir ce hash particulier !
- ▷ **Résoudre** le puzzle est **très dur** et prends beaucoup de travail, mais **vérifier** la solution est **instantanée**
⇒ *il suffit de calculer le hash du bloc et vérifier la propriété du hash obtenu !*
- ▷ C'est l'**opération de minage** : l'obtention du nonce qui donne la bonne valeur est la «**Preuve de travail**» !



Mais...
si on distribue la construction de bloc
sur un réseau ?
⇒ Risque de conflit !

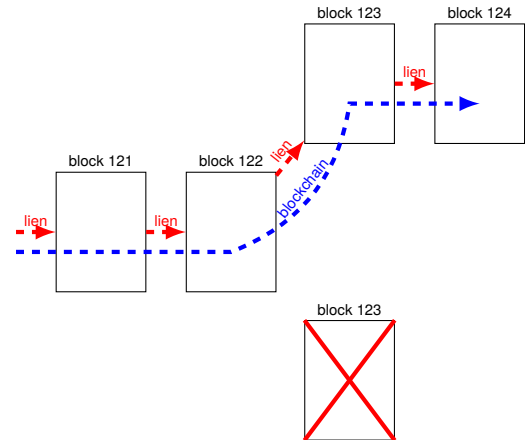




- des **transactions** sont **transmises** dans le réseau ;
 - ces transactions sont **reçues** par des mineurs différents ;
 - **deux mineurs** travaillent simultanément sur le prochain bloc à ajouter ;
- ⇒ **deux versions** de la blockchain sont **créées** ;
- Ici, les deux mineurs proposent chacun une version pour le bloc 123 et deux versions de blockchains, 1 et 2.*
- ⇒ situation de **conflit** !
- les deux blocs proposés peuvent ne pas contenir les **mêmes transactions**.

Résolution du conflit ? on attend le bloc suivant et c'est la blockchain la plus longue qui gagne :

- deux blockchains existent **simultanément** dans le réseau ;
- des mineurs vont travailler sur le «*blockchain 1*» et d'autres sur le «*blockchain 2*» ;
- le **premier mineur** qui construit le prochain bloc résouds le conflit :
 - ◇ si le **prochain bloc** est construit sur la «*blockchain 1*» alors c'est la «*blockchain 1*» qui est choisie ;
 - ◇ le bloc **alternatif** est détruit, les transactions non présentes dans la blockchain «*officielle*» sont remises à disposition des mineurs pour être intégrées dans de futurs blocs ;
 - ◇ les **récompenses** des mineurs du blockchain détruit sont accordées aux mineurs de la **blockchain gagnante**.



Attaque par vitesse

- Un attaquant envoie la même somme successivement vers deux adresses différentes ;
⇒ il est recommandé d'attendre au moins un bloc de confirmation avant d'accepter le paiement.

Attaque de Finney

- un attaquant *pré-mine* un bloc avec une transaction et dépense la même somme dans une seconde transaction avant de distribuer le bloc qu'il a pré-miné ;
⇒ la seconde transaction ne sera pas validée !
⇒ il est recommandé d'attendre au moins 6 blocs de confirmation avant d'accepter le paiement.

Attaque de la majorité ou attaque des «51%»

- l'attaquant possède au moins 51% de la puissance de traitement du réseau ;
- l'attaquant réalise une transaction qu'il diffuse dans l'intégralité du réseau ;
- il mine ensuite une chaîne privée où il dépense une seconde fois la même somme que dans la transaction précédente ;
⇒ comme l'attaquant possède la majorité de la puissance de calcul du réseau, il est garanti de posséder, à un certain moment, une chaîne plus longue que celle du reste du réseau ;
⇒ il est assuré que lorsqu'il va diffuser sa chaîne privée, elle remplacera celle(s) existante(s) et annulera la transaction originale ;
⇒ comment se protéger ? disposer d'une puissance supérieure à celle du réseau est très peu vraisemblable !

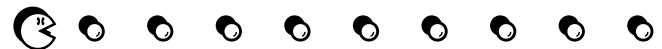


Ok!
Et bitcoin alors ?



Le **bitcoin** est :

- **inventé** par un pseudonyme, Satoshi Nakamoto, en 2008 dans l'article : «*Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System*» ;
- **limité en quantité** : 21 millions de bitcoins au maximum ;
- **fractionné** :
 - ◇ en millibitcoin : 1 millième $1/1000$ ₿
 - ◇ en «*satoshi*» : 1 sur 100 million $1/100000000$ ₿
- **complètement décentralisé** : pas d'autorité centrale pour l'émission, la création de transaction et leur validation ;
- utilise un **système distribué** réalisant :
 - ◇ une «*élection globale*» à peu près toutes les 10 minutes ;
 - ◇ un «*consensus*» décentralisé sur l'état global des transactions ;
- interdit la **double dépense**, où l'on peut dépenser deux fois une même somme ;
- **transparent** : toutes les transactions peuvent être observées depuis l'origine du système ;
- **basé sur la confiance** :
 - ◇ toutes les transactions sont **liées entre elles** dans une «*blockchain*» accessible publiquement, dont la copie est encouragée entre tous les participants.
 - ◇ tous les mécanismes **d'identification** des acteurs, des **transactions** et des **preuves de propriété** reposent sur la **cryptographie** asymétrique ou dite «*à clé publique*» ;
 - ◇ les **évolutions de la blockchain** sont protégées contre les modifications par la cryptographie : **infalsifiable et immuable**.

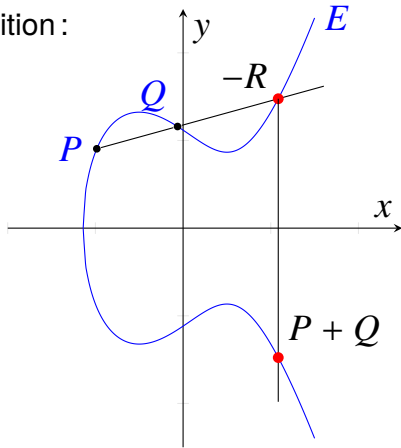


Encore de la Crypto !

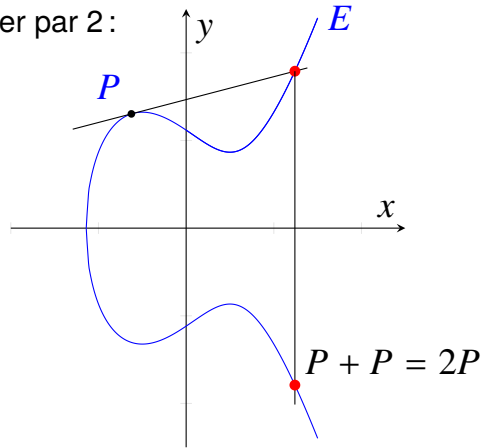


Courbes elliptiques : $y^2 = x^3 + ax + b$

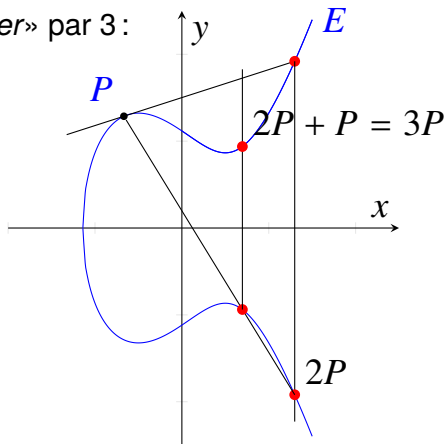
Addition :



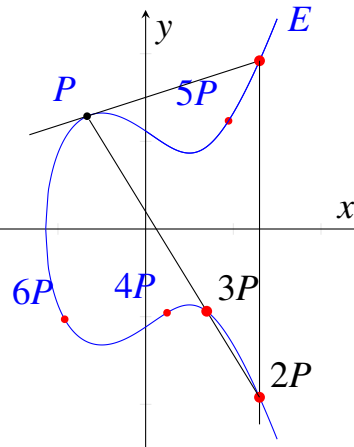
Multiplier par 2 :



«Multiplier» par 3 :

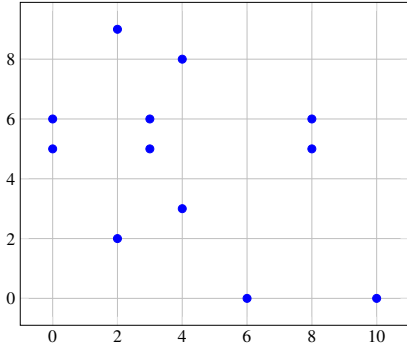


etc.

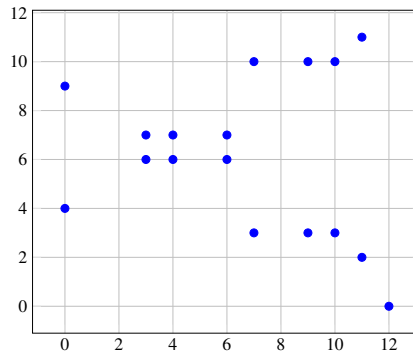


- ▷ on n'utilise que des **valeurs entières** positives pour les coordonnées des points sur la courbe ;
- ▷ on utilise le **modulo**, p , pour «replier» le domaine de ces points dans un **espace réduit**
- ⇒ on obtient un **ensemble fini** de points ;

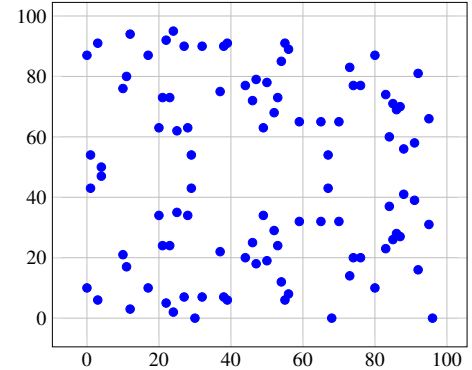
$$y^2 \equiv x^3 + 2x + 3 \pmod{11}$$



$$y^2 \equiv x^3 + 2x + 3 \pmod{13}$$



$$y^2 \equiv x^3 + 2x + 3 \pmod{97}$$



On observe que :

- ▷ plus la taille du module p est **grande**, plus le domaine \mathbb{F}_p est **important** ;
 - ▷ la distribution des points semble **aléatoire** et recouvre la surface de manière **régulière** ;
 - ▷ Notion de **groupe** :
 - ◊ les points appartenant à la courbe elliptique définie sur \mathbb{F}_p définissent un **groupe** :
 - * **l'addition** d'un point avec un autre et la **multiplication scalaire** donnent, chacune, un point **appartenant** à cet ensemble ;
 - ◊ le **nombre de points** appartenant à ce groupe définit **l'ordre** du groupe ;
- Exemple : pour $y^2 \equiv x^3 + 2x + 3 \pmod{11}$ on dénombre 12 points, et 17 points pour $y^2 \equiv x^3 + 2x + 3 \pmod{13}$.*

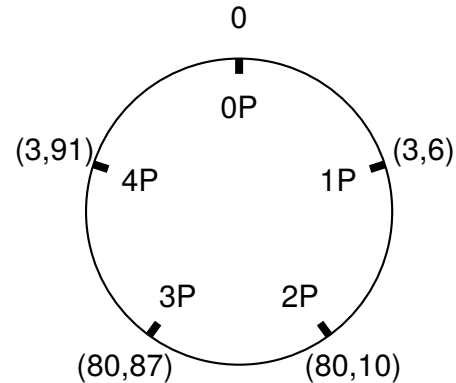


▷ en utilisant un **nombre premier** comme module, on obtient des propriétés intéressantes :

◊ pour un point P , on observe des **cycles** :

Pour la courbe $y^2 \equiv x^3 + 2x + 3 \pmod{97}$ définie sur le domaine fini \mathbb{F}_p où $p = 97$:

- * $0P = 0$
- * $1P = (3, 6)$
- * $2P = (80, 10)$
- * $3P = (80, 87)$
- * $4P = (3, 91)$
- * $5P = 0$
- * $6P = (3, 6)$
- ...



On remarque que :

- * on a défini un **sous groupe** de notre domaine \mathbb{F}_p : les autres points de la courbe elliptique n'apparaissent pas dans le cycle ;
- * on observe que $5kP = 0$, $(5k + 1)P = P$, $(5k + 2)P = 2P$, ..., $(5k + 4)P = 4P$ et $(5k + 5)P = 0$
⇒ on déduit que $kP = (k \pmod{5})P$; P est appelé «*générateur*» du sous-groupe, 5 est l'**ordre** du sous-groupe.

⇒ Et si on choisissait pour notre problème connaissant P et Q , peut on trouver k tel que $Q = kP$ en utilisant un sous-groupe comme vu plus haut ?

⇒ on arrive au problème du «*logarithme discret*» car l'ensemble des points du sous-group est fini.

⇒ dans RSA on utilisait l'**exponentiation modulaire**, en ECC on utilise la **multiplication scalaire** sur un domaine fini (sous-groupe cyclique) ;

⇒ le **problème est plus dur** dans ECC que dans RSA ⇒ la **taille des clés peut être plus petite** pour une **difficulté similaire** !



Un ensemble d'opérations :

- ▷ on peut **additionner** des points ;
- ▷ on peut **multiplier** un point par un entier :
 - ◊ Multiplier par 4 : $3P + P = 2P + 2P = 4P$
 - ◊ Multiplier par 100 : $P \Rightarrow 2P, 2P \Rightarrow 3P, 3P \Rightarrow 6P, 6P \Rightarrow 12P, 12P \Rightarrow 24P, 24P \Rightarrow 25P, 25P \Rightarrow 50P$ et $50P \Rightarrow 100P$
- ▷ les points obtenus sont sur la courbe et apparaissent «*distribuer de manière aléatoire*» ;
- ▷ Si on donne $Q = nP$ alors il est très difficile de trouver $n \Rightarrow$ il faut essayer les différentes possibilités : $2P, 3P, \dots$

\Rightarrow on a système qui est **rapide à calculer dans un sens** :

- ◊ connaissant n et P on cherche Q ,
- ◊ **mais qui est difficile** à «*inverser*» : connaissant deux points, P et Q , trouver n tel que $Q = nP$ (problème du logarithme discret).

Avantages par rapport à RSA ?

- ▷ le problème posé par les courbes elliptiques est plus dur que celui posé par RSA :
 - \Rightarrow la taille des clés est **plus petite** pour assurer un niveau de **sécurité équivalent**.
 - \Rightarrow une clé de **246 bits ECC** est **équivalente** à une clé **3072 bits RSA** !



Cryptographie basée sur les courbes elliptiques

- la **clé privée** est une **valeur entière aléatoire** d , choisie entre 1 et n , où n est l'**ordre du groupe** ;
- la **clé publique** est le point $H = dG$ où G est le **générateur** définissant le groupe ;

Garantie :

- ▷ Si l'on connaît d et G , trouver H est facile ;
- ▷ Si l'on connaît H et G , trouver la clé privée d est difficile \implies résoudre le *problème du logarithme discret*...

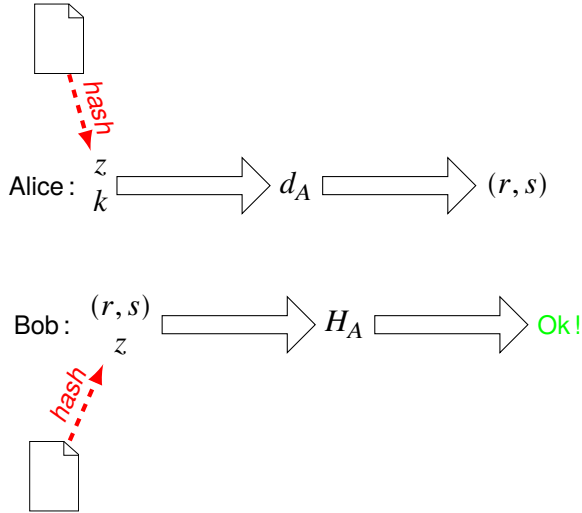
Signature ECDSA

- Alice veut **signer** un message avec sa clé privée d_A ;
- Bob veut **valider** la signature avec la clé publique d'Alice H_A ;

Fonctionnement :

- ▷ on calcule le **hash** du document à signer ;
- ▷ on tronque le **hash** de telle manière que le **nombre de bits** soient de même taille que n l'**ordre** du groupe et on appelle z ce nombre ;
- ▷ on prend une **valeur entière aléatoire** k entre 1 et $n - 1$ où n est l'ordre du groupe ;
- ▷ on calcule $P = kG$ où G est le **générateur** du groupe ;
- ▷ on calcule $r = x_p \bmod n$ où x_p est la coordonnée suivant l'axe x , ou l'abscisse, de P ;
- ▷ *si $r = 0$ on choisit un autre k et on ré-essaye* ;
- ▷ on calcule $s = k^{-1}(z + r * d_A) \bmod n$ où d_A est la clé privée d'Alice et k^{-1} est l'inverse de k pour la multiplication modulo n ;
- ▷ *si $s = 0$ on choisit avec un nouveau k et on ré-essaye* ;
- ▷ (r, s) est la **signature** !





L'algorithme de signature :

- ▷ génère un **secret** k ;
- ▷ ce secret est «caché» dans r grâce à la **multiplication de point** (facile dans un sens, dure dans l'autre) ;
- ▷ r est «attaché» au haché du document par l'équation $s = k^{-1}(z + r * d_A) \bmod n$;
- ▷ pour pouvoir calculer l'inverse de k modulo n , il faut que n soit un nombre premier (sinon pas de groupe !)
- ▷ n est connu d'Alice et Bob, il fait partie du système cryptographique avec a et b de la courbe elliptique
 \Rightarrow il existe **différents systèmes standardisés et prouvés sûrs**.

Vérification de la signature

- ▷ on calcule $u_1 = s^{-1}z \bmod n$ et $u_2 = s^{-1}r \bmod n$;
- ▷ on calcule le point $P = u_1G + u_2H_A$ et la signature est valide seulement si $r = x_p \bmod n$.

Pourquoi ? $P = u_1G + u_2H_A = u_1G + u_2d_A G = (u_1 + u_2d_A)G = (s^{-1}z + s^{-1}r * d_A)G = s^{-1}(z + r * d_A)G$
 Et comme $s = k^{-1}(z + r * d_A) \bmod n$ ou $k = s^{-1}(z + r * d_A) \bmod n$, on obtient alors $P = kG$.

C'est quoi un inverse modulaire ?

L'inverse modulaire de a est un entier i tel que

- $a * i \equiv 1 \bmod n$;
- $i \equiv a^{-1} \bmod n$.

Exemple : $i \equiv 3^{-1} \bmod 11$ ou $3 * i \equiv 1 \bmod 11$, ce qui donne $i = 4$ car $3 * 4 = 12 \equiv 1 \bmod 11$.



```
pef@darkstar-8:~/ecc/scripts$ python3 ecdsa.py
Curve: secp256k1
Private key: 0x28ecb4b7673815c2b0e49e3ad83e8bbb20ec5fa585f15fd76df01ed4064aa796
Public key:
(0xee19ee92a0e0d1b6271ade3b5e62d65fcd367e0405fa846a3123560aa152709e,
0xc68662c15eb123634652142af365f6798e7f960ca3b21df532c558a182427cc6)

Message: 'Bonjour !'
Signature: (0x737f1035e1de3e0474f3f4f46b10c661ecd6efa4329754aef5d6cdd7a61ec86a,
0xa80ba620a96da5d52a3a6a17089ceae699dd4f17eba7dd5a04500e0a5a43cd50)
Verification: signature matches ----- même message et la clé publique est la bonne

Message: 'Coucou !'
Verification: invalid signature ----- le message est différent

Message: 'Bonjour !'
Public key:
(0xcae60f6d2c9b80fa8b4b0d4afefaca78950933f0258ca6f66cf8be197a7d4184,
0xc9d273e354da7e989f94d2046f4327db6fba06c499afdeb1015709812781f2d0)
Verification: invalid signature
```

la clé publique est différente

- ❑ la courbe utilisée dans Bitcoin est «*secp256k1*» ;
- ❑ La taille de la clé privée est de 32 octets ;
- ❑ la clé publique est un point dont chaque coordonnée est sur 32bits ;
- ❑ le message est le contenu du document qui va être haché pour donner la valeur z en entrée de l'algorithme.



Bitcoin ?

Oui cela repose sur les courbes elliptiques...



Bitcoin : argent cryptographique vs argent fiat

https://coincap.io/

Coins

Exchanges

Diagrammes

API



EUR ▾

Français ▾



CAPITALISATION BOURSÈRE

€190.56B

VOLUME D'ÉCHANGE

€6.88B

ASSETS

1,298

EXCHANGES






67

MARKETS

7,340

BTC INDICE DE DOMINANCE

52.5%

Classement ▲	Nom	Prix	Capitalisation boursière	Volume (24 h)	Change (24 h)
1	 Bitcoin BTC	€5,784.18	€100.14b	€2.11b	0.06%
2	 Ethereum ETH	€198.33	€20.32b	€761.52m	0.89%
3	 XRP XRP	€0.41888829	€16.73b	€316.72m	-0.77%
4	 Bitcoin Cash BCH	€452.79	€7.88b	€297.66m	-0.94%
5	 EOS EOS	€5.11	€4.64b	€406.63m	1.46%



Bitcoin : argent cryptographique vs argent fiat...en 2022

https://coincap.io/






Coins Exchanges Swap



CAPITALISATION BOURSÈRE €1.14T		VOLUME D'ÉCHANGE €52.44B		ASSETS 2,295	
EXCHANGES 73		MARKETS 13,804		BTC INDICE DE DOMINANCE 33.7%	
Classement	Nom	Prix	Capitalisation boursière	Volume (24 h)	Change (24 h)
1	Bitcoin BTC	€20,113.83	€386.11b	€13.46b	3.66%
2	Ethereum ETH	€1,463.68	€179.13b	€7.81b	8.10%
3	Tether USDT	€1.00	€68.72b	€19.64b	-0.01%
4	BNB BNB	€286.92	€47.87b	€264.10m	4.61%
5	USD Coin USDC	€1.00	€44.00b	€1.32b	0.05%



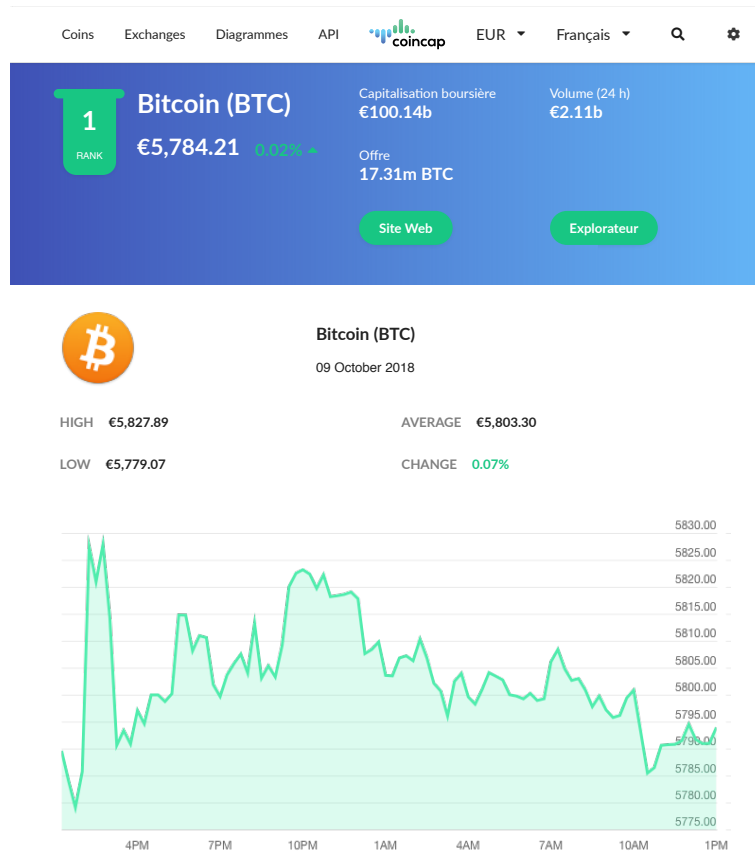
Bitcoin : argent cryptographique vs argent fiat...en 2023

CAPITALISATION BOURSIÈRE €1.38T		VOLUME D'ÉCHANGE €19.79B		ASSETS 2,296	
EXCHANGES 73		MARKETS 9,393		BTC INDICE DE DOMINANCE 48.9%	
Classement ▲	Nom	Prix	Capitalisation boursière	Volume (24 h)	Change (24 h)
1	 Bitcoin BTC	€34,385.43	€672.09b	€3.11b	-0.59%
2	 Ethereum ETH	€1,900.26	€228.44b	€2.40b	-0.29%
3	 Tether USDT	€0.91	€80.26b	€8.45b	-0.05%
4	 BNB BNB	€212.34	€35.43b	€148.27m	-0.63%
5	 XRP XRP	€0.56	€25.70b	€384.57m	-0.16%



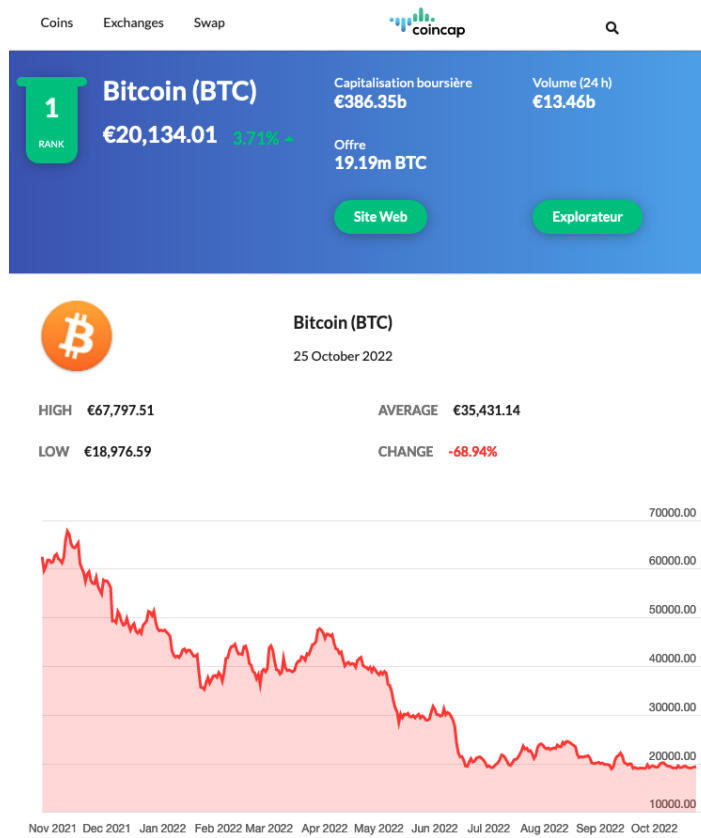
Bitcoin : argent cryptographique vs argent fiat

https://coincap.io/assets/bitcoin




https://coincap.io/assets/bitcoin

Bitcoin : argent cryptographique vs argent fiat...en 2022



Bitcoin : argent cryptographique vs argent fiat...en 2023

https://coincap.io/assets/bitcoin

Coins Exchanges Swap  EUR Français Q

1
RANK

Bitcoin (BTC)

€37,733.90
-0.60% ▼

Capitalisation boursière
€737.59b

Volume (24 h)
€3.41b

Offre
19.55m BTC

Site Web Explorateur

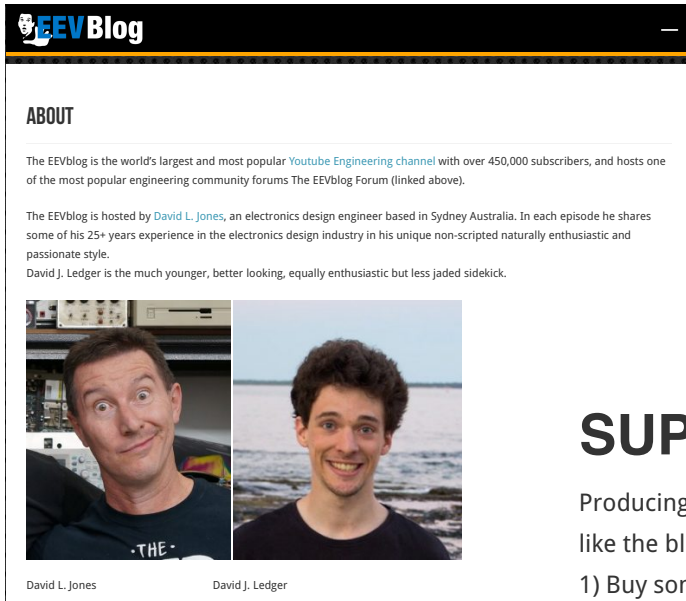


Bitcoin (BTC)

26 November 2023

HIGH	€37,969.68	AVERAGE	€37,782.66
LOW	€37,348.89	CHANGE	-0.61%





The screenshot shows the top part of the EEVBlog website. At the top left is the logo 'EEVBlog' with a stylized 'E' and 'V'. Below the logo is a navigation bar with a search icon. The main content area is titled 'ABOUT' and contains several paragraphs of text. The first paragraph describes the blog as the world's largest and most popular YouTube Engineering channel. The second paragraph mentions that the blog is hosted by David L. Jones, an electronics design engineer based in Sydney Australia. The third paragraph mentions David J. Ledger, a younger, better-looking, equally enthusiastic but less jaded sidekick. Below the text are two side-by-side portrait photos of David L. Jones and David J. Ledger. Below each photo is a caption: 'David L. Jones' and 'David J. Ledger'.



EEVBlog

ABOUT

The EEVblog is the world's largest and most popular [Youtube Engineering channel](#) with over 450,000 subscribers, and hosts one of the most popular engineering community forums [The EEVblog Forum](#) (linked above).

The EEVblog is hosted by [David L. Jones](#), an electronics design engineer based in Sydney Australia. In each episode he shares some of his 25+ years experience in the electronics design industry in his unique non-scripted naturally enthusiastic and passionate style.

David J. Ledger is the much younger, better looking, equally enthusiastic but less jaded sidekick.



David L. Jones David J. Ledger

Adresse bitcoin :

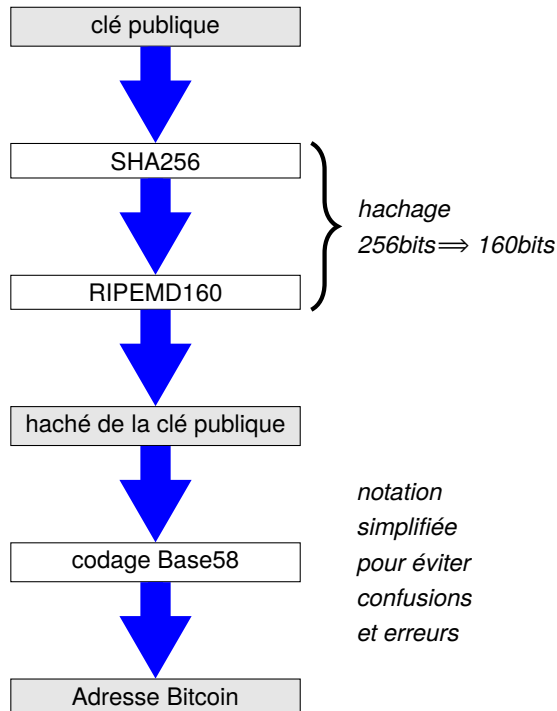
17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW

SUPPORT:

Producing and maintaining this blog takes a massive amount of time, and has been like the blog and want to help support it, there are several ways you can do this:

- 1) Buy some of the products from my [STORE](#)
- 2) Buy anything from Amazon.com by [clicking through here first](#) (I make 6% on every product, not just those in my store. Or use the Amazon search bar on the right a real easy way to donate that costs you nothing!
- 3) Buy some of my [Merchandise](#)
- 4) You can [donate money direct](#) through Patreon. I much prefer this over PayPal
- 5) Donate directly through PayPal using david@alternatezone.com address. But
- 6) Donate Bitcoins: 17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW





Chaque utilisateur de bitcoin est identifié par une **adresse** :

- ❑ **dérivée** de la **clé publique** de l'utilisateur par une fonction de **hachage** ;
- ❑ **facile à échanger** entre individus grâce à une notation simplifiée ;
- ❑ **identifie de manière sûre** la clé à laquelle elle est liée tout en étant **plus petite** ;

L'**adresse Bitcoin** est exprimée en base58 :

- ▷ **éviter** les lettres et chiffres que l'on confond facilement : «/», «L», «I», ...
- ▷ contrôler que la **saisie est correcte** avec un code de contrôle constitué des 4 premiers octets du double haché de la valeur, préfixée par la valeur 1.

*Exemple de **code de contrôle** : le numéro de sécurité sociale est un nombre de 13 chiffres auquel on ajoute le code de contrôle calculé par la formule : $code = 97 - (numéro \text{ ssmod} 97)$*

*Une adresse bitcoin n'est pas forcément liée à une clé publique mais peut référencer un **script**, c-à-d un programme réalisant un contrôle sur la blockchain et qui peut déclencher des transactions automatiques.*





Adresse Bitcoin:



1N6d61fbTSj37EJXQSVQjvGTogVnWXgmqe

Clé Privée (Format d'importation de porte-monnaie):



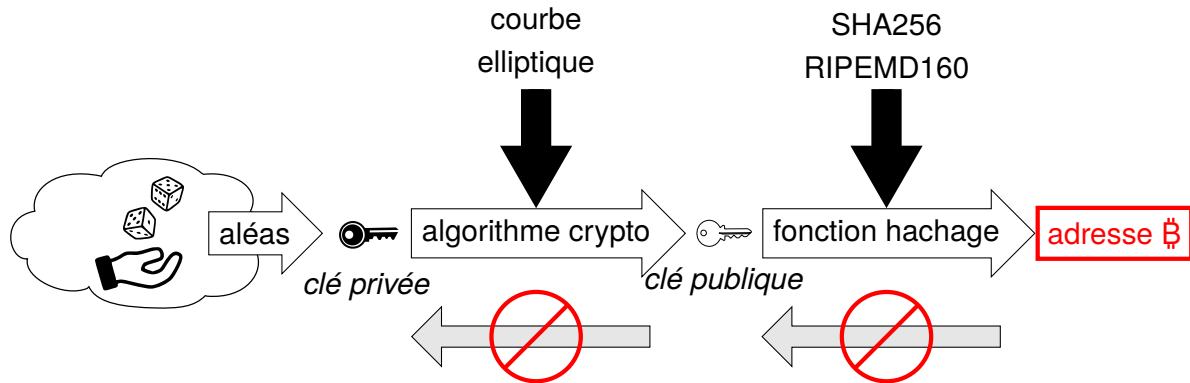
KwnKSa9VW4LCJbbSMZqAvT2VQrp63kngh3pW8YRqBJMZg7oHkFE8

PARTAGER

SECRET

- **l'adresse** est 1N6d61fbTSj37EJXQSVQjvGTogVnWXgmqe
On notera le 1 en préfixe qui désigne une adresse bitcoin. Pour un script le préfixe est 3.
- **Clé privée** : KwnKSa9VW4LCJbbSMZqAvT2VQrp63kngh3pW8YRqBJMZg7oHkFE8
- **Clé Publique** (130 caractères [0-9A-F]) :
04 434E97FD594C92AE550286DC2AD115914EEF1652C7317F119619630AEC202A7D
538EB543D49FDB2BDBC7C9627E053B506D56009807484C60CA55F3240CDB6FE6
Ce sont les coordonnées (x, y) du point correspondant à la clé publique. Le préfixe est 04.
- **Clé Publique (compressée, 66 caractères [0-9A-F])** :
02 434E97FD594C92AE550286DC2AD115914EEF1652C7317F119619630AEC202A7D
Ce n'est que la coordonnées x. La coordonnée y peut être retrouvée grâce à la courbe elliptique support et le préfixe est 02 ou 3 afin d'indiquer si y est positif ou négatif (symétrie).





- l'espace des clés, c-à-d le nombre de clé différentes possibles est de 2^{256} , ce qui correspond à 10^{77} (le nombre d'atomes dans l'univers visible est estimé à 10^{80}).

Attention

- l'utilisation de **clé publique compressée**, c-à-d où il n'y a que la coordonnée x du point, permet de diminuer l'encombrement lié à la mémorisation de la clé lors d'une signature (50% d'économie);
 - **mais** une clé publique compressée donne une **adresse Bitcoin différente** de celle non-compressée, c-à-d comportant les coordonnées (x, y) du point;
- ⇒ il faut en tenir compte lors de l'intégration de la signature pour rechercher **la bonne adresse** correspondant à la forme choisie pour enregistrer la clé publique !

La notion de portefeuille ou «*wallet*»

Un «*wallet*» est une structure :

- ▷ qui permet le **stockage de toutes les clés privées** de l'utilisateur ;
- ▷ il ne contient pas de bitcoins !
- ▷ les clés d'un portefeuille peuvent :
 - ◇ provenir de **valeurs aléatoires** ⇒ il faut les gérer une par une ;
 - ◇ être liées par un **algorithme de création de clés** utilisant une même valeur aléatoire pour générer l'ensemble des clés privées ⇒ on peut facilement les gérer car elles sont re-générables à la demande !



La **version papier** où sont imprimés :

- ▷ la **clé privée** ;
- ▷ la **clé publique** ;
- ▷ l'**adresse Bitcoin** ;

L'utilisation de QR Codes permettent de les saisir facilement sur un téléphone mobile.



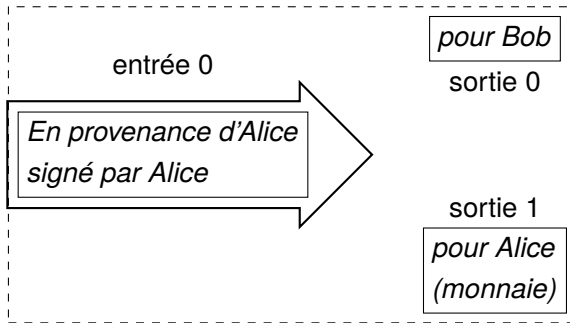
La **version électronique** :

- ▷ elle permet de générer la ou les **clés privées** directement sur le terminal ;
- ▷ elle peut réaliser les **signatures**.

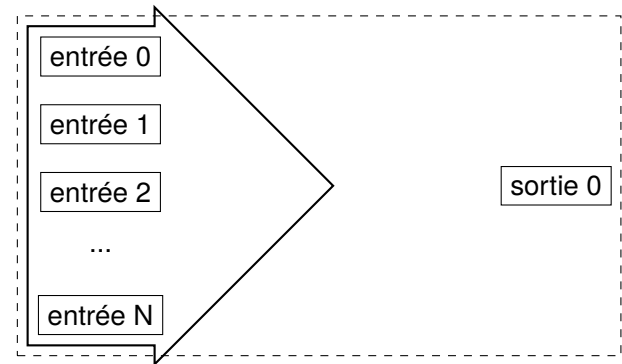


Ok pour les adresses
Et les transactions ?

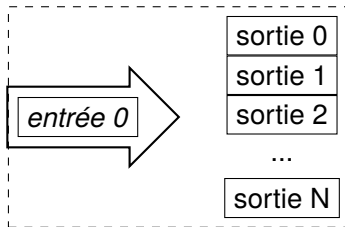




Paiement unique: d'une adresse à une autre adresse avec le reste de l'entrée, *la monnaie*, retournée vers le propriétaire



Paiement cumulé: on combine différentes entrées vers une seule sortie. Cela est comparable à combinées plusieurs pièces en un seul billet.



Paiement ventilé: distribuer une même entrée vers plusieurs adresses. Comme le paiement des salaires des différents employés d'une entreprise.



Tables des transactions			
<i>entrées</i>	<i>valeur</i>	<i>sorties</i>	<i>valeur</i>
entrée 1	0.10 ₿	sortie 1	0.10 ₿
entrée 2	0.20 ₿	sortie 2	0.20 ₿
entrée 3	0.10 ₿	sortie 3	0.20 ₿
entrée 4	0.15 ₿		
Total entrées : 0.55 ₿		Total sorties : 0.50 ₿	

entrées	0.55 ₿
sorties	0.50 ₿
<i>différence</i>	0.05 ₿

frais d'opération →

- ❑ les «entrées» sont des «débits» en provenance d'un compte bitcoin ;
- ❑ les «sorties» sont de «crédits» vers un compte bitcoin ;
- ❑ les «frais d'opérations» sont **versés au mineur** qui a ajouté la transaction à la blockchain ;
- ❑ pour chaque entrée, une preuve de propriété donnée par la **signature du propriétaire** peut être fournie par n'importe qui ;
- ❑ «dépendre» correspond à **signer** la valeur d'une transaction précédente pour laquelle on possède la **clé privée** vers un nouveau propriétaire identifié par son **adresse bitcoin**.



BLOCKCHAIN



Bitcoin Address Addresses are identifiers which you use to send bitcoins to another person.

Summary	
Address	17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW
Hash 160	4b52f0e4ae801a3e52512d527292c9eb48269d6d
Transactions	
No. Transactions	4
Total Received	€ 599.22
Final Balance	€ 0.00

Consultation de l'adresse Bitcoin sur :

<https://www.blockchain.com/btc/address/17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW>

On peut voir la liste des transactions associées :

Transactions (Oldest First)

Filter

6c08ed9d8c4defc650bed413b63bd67cba3d3cf66d2e04df1a61ff13f08a5752	2017-12-24 11:42:42
17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW → 1B54QDdqICon5UjUv8kMZ9B5RSPYqFtpVm 1L6aCBbrBUkvQoExGbMaEmPcjAttLy5Ta5	€ 318.53 € 245.00
€ -576.56	
Luno makes it safe and easy to buy, store and learn about digital currencies like Bitcoin and Ethereum LUNO	
99f006caa25dc3a3fb7f15b6f75a06d162edcccc1b8be288170a538a54a1592a	2017-12-24 11:16:37
1sdMr4sFCZbgAveS91Jkvv6Y7wEQ4KiMM → 17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW	€ 576.56
€ 576.56	
9e6b103f2b35f60a073de6c943a5e48778ef920adb2343a119bda43fa2908ea	2017-07-18 16:32:15



Transaction View information about a bitcoin transaction

6c08ed9d8c4defc650bed413b63bd67cba3d3cf66d2e04df1a61ff13f08a5752

17sH3EErEbAaqvfDFNzjmuPLrCvwdQwxQW → 1B54QDdqjCon5UjUv8kMZ9B5RSPYqFtpVm € 318.58
1L6aCBbrBUkvQoExGbMaEmPcJAttLy5Ta5 € 245.03

€ 563.61

Summary	
Size	226 (bytes)
Weight	904
Received Time	2017-12-24 11:42:42
Included In Blocks	500822 (2017-12-24 12:04:43 + 22 minutes)
Confirmations	44235
Visualize	View Tree Chart

Inputs and Outputs	
Total Input	€ 576.64
Total Output	€ 563.61
Fees	€ 13.03
Fee per byte	1,000 sat/B
Fee per weight unit	250 sat/WU
Estimated BTC Transacted	€ 245.03
Scripts	Show scripts & coinbase



Une transaction **indique au réseau** que le propriétaire de bitcoins **a autorisé le transfert** de certains de ces bitcoins **vers un nouveau propriétaire** ⇒ il a utilisé sa clé privée pour signer un *transfert de propriété* vers un nouveau propriétaire identifié par son **adresse bitcoin**.

Le **nouveau propriétaire** peut maintenant :

- ▷ **prendre propriété** des bitcoins en **prouvant** qu'il en est propriétaire, car il peut utiliser la **clé privée**, liée à la **clé publique**, liée à l'**adresse bitcoin** utilisée par l'ancien propriétaire pour désigner le nouveau propriétaire ;
- ▷ **dépenser** ces bitcoins en créant une **nouvelle transaction** pour transférer la propriété vers un **nouveau propriétaire...**

transaction 43	haché du bloc	
entrée 0	Depuis Paul, avec la signature de Paul	0,1005 ₿
sortie 0	Vers l'adresse d'Alice	0,1000 ₿

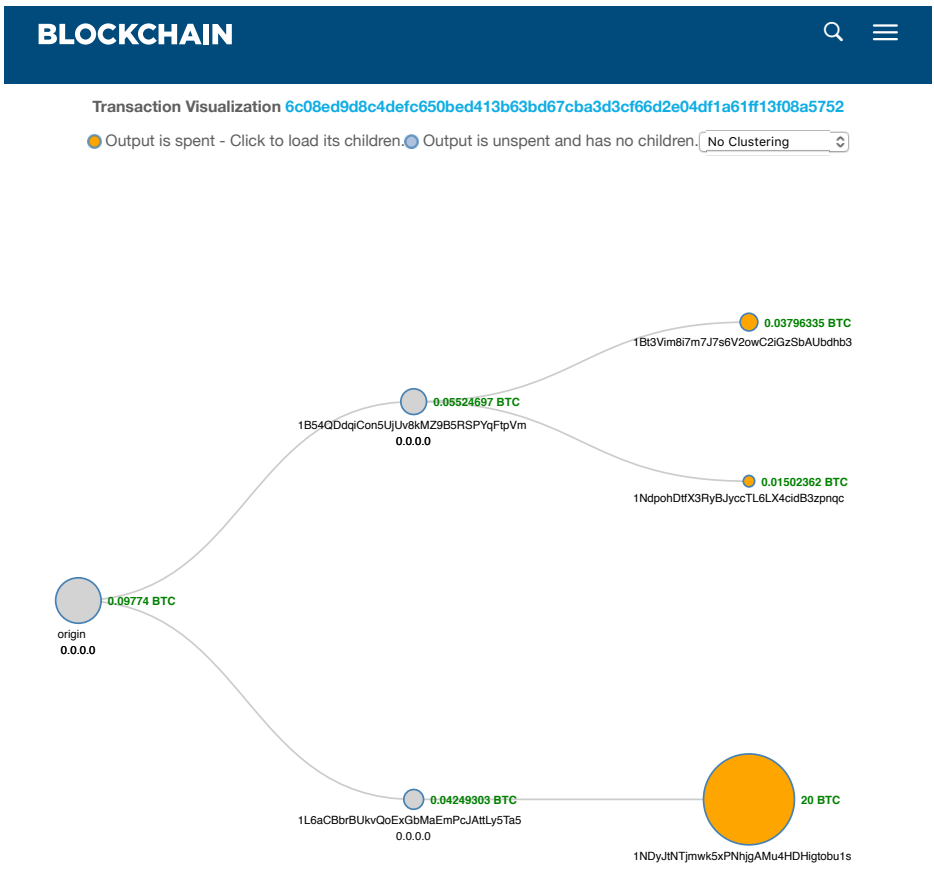
transaction 98	haché du bloc	
entrée 0	Depuis Transaction 43, numéro 0, avec la signature d'Alice	0,1000 ₿
sortie 0	Vers l'adresse de Bob	0,0150 ₿
sortie 1	Vers l'adresse d'Alice	0,0805 ₿

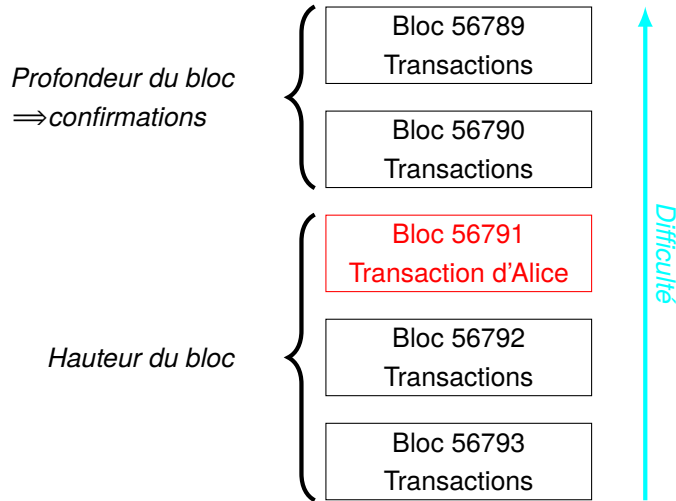
transaction 130	haché du bloc	
entrée 0	Depuis Transaction 98, numéro 0, avec la signature de Bob	0,0150 ₿
sortie 0	Vers l'adresse de Carole	0,0100 ₿
sortie 1	Vers l'adresse de Bob	0,0050 ₿



Les liens entre les transactions

<https://www.blockchain.com/btc/tree/316514407>





- ▷ une transaction est transmise au travers du réseau :
 - ◊ elle est **ajoutée** à un «*pool*» de transaction non vérifiée présent sur chaque mineur ;
 - ◊ elle ne sera **définitive** que lorsqu'elle sera ajoutée au blockchain ;
 - ◊ les transactions sont ajoutées suivant l'**ordre défini** par la valeur des **frais de gestion** et le temps que la transaction a attendu ;
- ▷ la transaction est **vérifiée** :
 - ◊ les entrées doivent avoir été **signées** par l'ancien propriétaire vers l'adresse d'Alice ;
 - ◊ Alice a réalisé une **signature** utilisant la clé privée liée à la clé publique liée à l'adresse indiquée ;

- ▷ lorsque le bloc précédent a été **intégré dans la blockchain**, le nouveau bloc est traité et intègre le haché du bloc précédent ;
- ▷ la recherche de la «*preuve de travail*» débute aussitôt et le **mineur** intègre dans son bloc courant **son adresse bitcoin**
- ⇒ si le mineur est le premier à réussir la «*preuve de travail*» et que son bloc est **intégré dans la blockchain**, c'est grâce à **son identité** qu'il recevra la **rémunération** associée, ainsi que le **total des frais de gestion** du bloc.
- ▷ à chaque nouveau bloc ajouté par-dessus celui contenant la transaction d'Alice, il ajoute **plus de travail** sur ce bloc ⇒ la **confiance** dans les transactions du bloc **augmente** !
- ▷ un **bloc ajouté** correspond à une **confirmation** de la transaction
 - ⇒ on considère qu'après 6 blocs de confirmations la transaction ne peut être défaite et devient **permanente**.



https://www.blockchain.com/btc/block-height/0

BLOCKCHAIN



Block Height 0 Blocks at depth 0 in the bitcoin blockchain

Summary	
Height	0 (Main chain)
Hash	00000000019d6689c085ae165831e934ff763ae46a2a6c172b3f1b60a8ce26f
Previous Block	00
Next Blocks	0000000839a8e6886ab5951d76f411475428afc90947ee320161bbf18eb6048
Time	2009-01-03 18:15:05
Difficulty	1
Bits	486604799
Number Of Transactions	1
Output Total	€ 288,019.00
Estimated Transaction Volume	€ 0.00
Size	0.285 KB
Version	1
Merkle Root	4a5e1e4baab89f3a32518a88c31bc87f618f76673e2cc77ab2127b7afdeda33b
Nonce	2083236893
Block Reward	€ 288,019.00
Transaction Fees	€ 0.00



Bitcoin ? C'est vivant !

Sur <https://insight.bitpay.com>

insight
Blocks Status

Search for block, transaction or ad

Scan
 BTC ▾

Latest Blocks

Height	Age	Transactions	Mined by	Size
544945	13 minutes ago	1160		451054
544944	21 minutes ago	2364		884208
544943	37 minutes ago	1553		739158
544942	43 minutes ago	2081		957045
544941	an hour ago	2702	SlushPool	926041

See all blocks

Latest Transactions

Hash	Value Out
b67b19f04bf5edd14bc10e065ff3d4da3178f3a0c859479cd1...	0.14574995 BTC
0abc8b298a93b438ab4a6a5b4d4b631e5558fdec6989e8b36...	0.03558659 BTC
156a2024e6b0681fc5869fc3e43fecbc03c36d4fbcd2681701d...	0.000988 BTC
126146ce39e403c043f8c9014f49bc69d672f8e7231f54eddf...	0.41424885 BTC



Sur <https://insight.bitpay.com>

Blocks ^B

Height	Timestamp	Transactions	Size
818620	11/26/2023, 9:41:13 PM	3251	799488
818619	11/26/2023, 9:21:11 PM	4240	750274
818618	11/26/2023, 9:03:34 PM	4243	729639
818617	11/26/2023, 8:53:21 PM	3752	740819
818616	11/26/2023, 8:50:19 PM	4774	659070

Transactions

+ 7385d11c432dae1511d55d4afc1d5f8cc914c774f5181f9... Mined on: 11/26/2023, 10:02:29 PM

qpxsrtldqh7f38ns9h... 1.24535879 BCH	>	qz5m32pvhqwspgslzg9... 0.00022774 BCH (U)
		qr8xk6hs0ln2xrml83qg0... 1.24512879 BCH (S)

FEE: 0.000002... 1 Confirmation 1.24535653 B...

+ 50e726de7696b6cb9ec344b03b9d61c1f0949147a341c... Mined on: 11/26/2023, 10:02:29 PM

qralhtym92fjje0854... 0.50590691 BCH	>	qzdz6nhd7q9n708gfvuf9... 0.11118829 BCH (U)
		qpx479pcgk3s69827kfe0... 0.39471585 BCH (S)

FEE: 0.000002... 1 Confirmation 0.50590414 B...

+ a55270154af6265979225db74887a30b29170f1eada5bc... Mined on: 11/26/2023, 10:02:29 PM

qpfa7xycart9e9gxz... 0.08753524 BCH	>	qrjzwus22205lct5ywyk3x... 0.087533 BCH (U)
-------------------------------------	---	--

FEE: 0.000002... 1 Confirmation 0.087533 BCH



Mais...et la création de monnaie ?



La transaction peut être faite «*off-line*»

Le fonctionnement est similaire à celui du chèque : on utilise un logiciel client, qui s'occupe de :

- déterminer la liste **d'entrées** à utiliser : les sorties de transaction précédentes non encore dépensées et dont on est la destination ;
- récupérer quels sont les **sorties**, c-à-d les adresses des bénéficiaires auprès de l'utilisateur grâce aux adresses bitcoin ;
- réalise la **signature** de la transaction grâce à la clé privée de l'utilisateur ;

Pour réaliser ce travail, le **logiciel client** peut :

- ▷ faire une requête aux nœuds du réseau afin de connaître **l'ensemble des sorties non encore dépensées** liées à une adresse bitcoin donnée ;
- ▷ vérifier les transactions :
 - ◇ **confirmer** qu'une transaction est bien dans la **blockchain** ;
 - ◇ **vérifier** que la transaction est à une certaine «*profondeur*», c-à-d qu'il y a un certain nombre de blocs qui suivent le bloc contenant la transaction ;
- ▷ déterminer si la transaction **consomme l'intégralité** des entrées ou nécessite de transférer la «*monnaie*» **en retour** à l'utilisateur ;
- ▷ ajouter des **frais de gestion**, «*fee*», à l'intention du **mineur** pour :
 - ◇ inciter le mineur à inclure la transaction dans un bloc ;
 - ◇ empêcher d'abuser du système ;

Elle est calculé non pas sur la valeur de la transaction, mais sur la taille de cette transaction !

Une transaction sans fee n'est pas prioritaire et peut même ne pas être traitée...



On peut demander la valeur des frais de gestion sur l'URL :

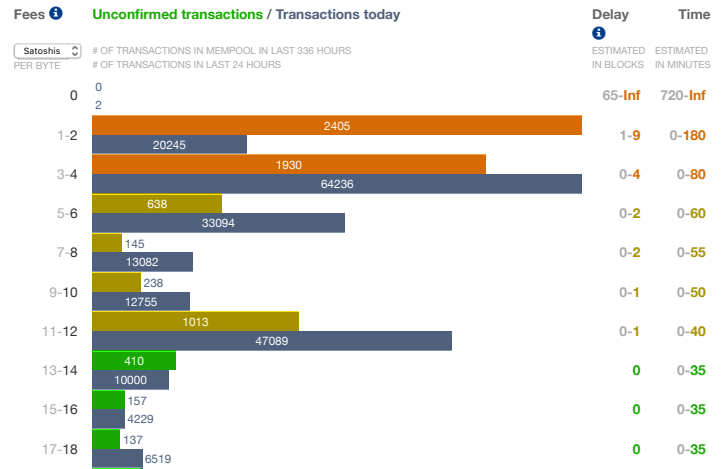
<https://bitcoinfees.earn.com/api/v1/fees/recommended>

```
{ "fastestFee":14, "halfHourFee":14, "hourFee":6 }
```

Les valeurs sont indiquées en «satoshis» par octet et une transaction moyenne est de 225 octets, soient pour 14 satoshis/ B.

- ▷ «fastestFee» : le prix le plus bas pour une confirmation rapide de la transaction (attente d'un bloc)
- ▷ «halfHourFee», «hourFee» : le prix le plus bas pour une confirmation dans la demi heure ou dans l'heure.

<https://bitcoinfees.earn.com/#fees>



La notion d'UTXO

L'ensemble des **sorties non dépensées** est appelé l'ensemble **UTXO**, «*Unspent Transaction Output*».

Chaque **transaction** représente un **changement** de cet ensemble :

- **recevoir un paiement** en bitcoins \Rightarrow le logiciel client détecte une UTXO qui peut être dépensée par une clé privée possédée par l'utilisateur ;
- établir le **solde du compte** de l'utilisateur correspond à :
 - ◇ établir la liste de ces UTXO qui peuvent être réparties entre des centaines de transactions et des centaines de blocs ;
 - ◇ faire la somme de toutes ces UTXO ;
- une UTXO correspond à une **valeur entière** exprimée en satoshis qui est **indivisible** ;
- si une UTXO est de valeur supérieure à la dépense, par exemple de 10 ₿ et que l'on veut dépenser 2 ₿, alors il faut construire une transaction avec **deux sorties** :
 - ◇ une de 2 ₿ vers le bénéficiaire de la dépense ;
 - ◇ une de 8 ₿ en retour vers le propriétaire initial ;

Transaction spéciale

- ▷ la **première transaction** de chaque bloc ;
- ▷ placée là par le mineur gagnant, c-à-d dont le bloc qu'il a miné est intégré dans la blockchain ;
- ▷ n'utilise pas d'UTXO :
 - \Rightarrow appelée transaction «*coinbase*» ;
 - \Rightarrow correspond à la **création de nouveaux bitcoins** !



La «Preuve de Travail»

- ▷ les transactions sont **diffusées** à tous les nœuds du réseau ;
- ▷ les mineurs récupèrent ces transactions pour **construire un bloc candidat** ;
- ▷ chaque mineur introduit un «*nonce*» dans le contenu du bloc et le modifie jusqu'à obtenir un hash plus petit que celui du bloc sans ce nonce \Rightarrow celui qui le fait le **plus rapidement** est **rémunéré** et son bloc est ajouté à la **blockchain**.

Jan 2009-Nov 2012	50 ₿ par bloc
Nov 2012-Jul 2016	25 ₿ par bloc
Jul 2016-Feb 2020	12.5 ₿ par bloc
Fév 2020-Sep 2023	6.25 ₿ par bloc
2140	arrêt de la création de bitcoin à 21 millions

Un mineur qui dispose d'un matériel puissant peut calculer plus rapidement des hashes \Rightarrow probabilité qu'il reçoive une rémunération pour le calcul d'un bloc augmente.

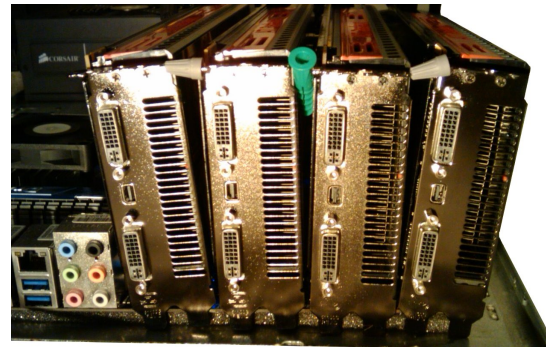
La difficulté de la «preuve de travail» est ajustée au cours du temps pour viser 10 mins par bloc.

Matériel dédié

Les mineurs peuvent utiliser :

- le **CPU** : le processeur de l'ordinateur ;
- le **GPU** : des cartes graphiques utilisées pour leur puissance de calcul ;
- des **composants dédiés** : ASICs, «*application-specific integrated circuit*», FPGA, «*Field Programmable Gate Array*»

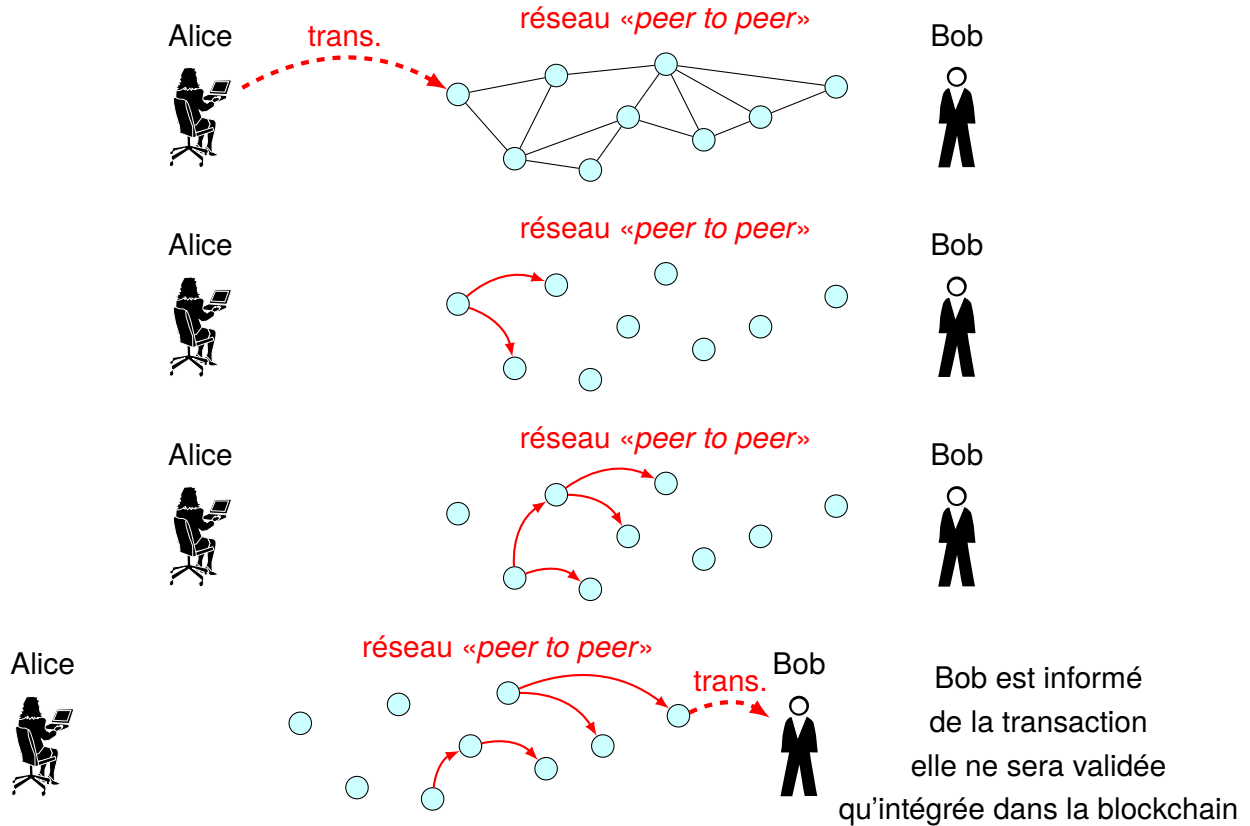
\Rightarrow Le **coût du matériel** et le prix de l'**électricité consommée** doivent être **compensés** par la rémunération en bitcoin.

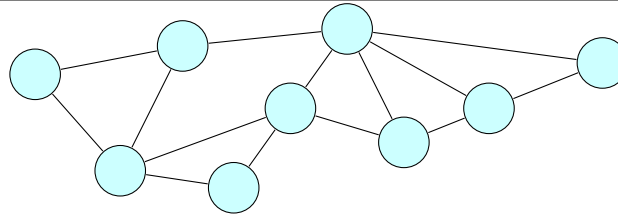


Et le «réseau *Bitcoin*» ?

La transmission de la transaction vers les mineurs

La transaction est transmise à un nœud du réseau «peer to peer» qui diffuse à ses voisins :





Une liste d'adresses IP connues obtenues à partir de nom de domaines

- `seed.bitcoin.sipa.be`
- `dnsseed.bluematt.me`
- `dnsseed.bitcoin.dashjr.org`
- `seed.bitcoinstats.com`
- `seed.bitcoin.jonasschnelli.ch`
- `seed.btc.petertodd.org`

Des canaux IRC, «*Internet Relay Chat*» :

- `#bitcoin00`
- à `#bitcoin99` sur `irc.lfnet.org`

- «*Il y a eu la séparation de l'Église et de l'État, il est temps de réaliser la séparation de la Monnaie et de l'État.*
Erik Voorhees, CEO de Shapeshift.io»
 - ◇ l'argent est aussi fondamental que la religion : il influence comment votre vie va se dérouler ; les choix que vous faites influencent votre vie et la vie de ceux qui vous entourent ;
⇒ que l'argent soit contrôlé par une entité centralisée et monopolistique devient **immoral** ;
 - ◇ de même qu'il y a plusieurs religions autorisées, il doit y avoir plusieurs monnaies autorisées ;
⇒ cela amène de la **compétition** entre la monnaie fiat et celle cryptographique.

- La force de bitcoin est de **motiver** les acteurs à vivre ensemble :
 - ◇ ceux qui possèdent des bitcoins ont intérêt à ce que le modèle perdure sinon ils déprécient la valeur qu'ils représentent ;
 - ◇ ceux qui veulent attaquer le bitcoin et en tirer profit ont le même intérêt...

- «*Crypto-monnaie*»/«*Token*» définie par une entreprise dans le cadre de son activité :
Exemple : un service de «*mise en relation*» permet à des utilisateurs d'en contacter d'autres pour une expertise :
 - ◇ ils payent pour l'expertise avec de l'argent fiat qui est convertie en crypto-monnaie pour payer l'expert ;
 - ◇ l'expert peut choisir de payer un autre expert ou bien de convertir sa crypto-monnaie en argent fiat ;
 - ◇ si le service se développe :
 - * la crypto-monnaie peut prendre de la valeur par rapport à sa conversion en monnaie fiat ;
 - * les experts peuvent avoir envie de conserver leur crypto-monnaie en espérant que sa valeur augmente ;
 - * l'entreprise offrant le service peut disposer d'un «*fond*» au travers de la crypto-monnaie créée et non convertie.

- IPO vs ICO :
 - ◇ «*Initial Public Offering*» : une entreprise **augmente son capital** en devenant **public** et en offrant à des investisseurs extérieurs d'acheter des **actions** dont la valeur va varier librement en fonction du marché ;
 - ◇ «*Initial Coin Offering*» : les prises de participation dans l'entreprise sont faites en **token** de l'entreprise qui prendront de la valeur suivant le **succès** de l'entreprise, et pourront être échangés sur des marchés les acceptant vers d'autres tokens ou de l'argent.

